

الرياضيات العلمي التوجيهي

اسم الطالب:

ضع دائرة حول رمز الإجابة الصحيحة:

(1) إذا كان $y = \frac{t+1}{t-1}$, $x = \frac{t-1}{t+1}$ فإن $\frac{dy}{dx}$ عند $x = 2$

- a) -4 b) $\frac{1}{4}$ c) $-\frac{1}{4}$ d) $\frac{1}{8}$

(2) إذا كان $f(x) = \sin 2x$ ، فإن $f''(x) + 6f(x)$

- a) $-10 \sin 2x$ b) $10 \sin 2x$ c) $\sin 2x$ d) $2 \sin 2x$

(3) إذا كان $y^2 = \frac{x}{x+2}$ فإن قيمة المقدار $x^2 y' - y^3$

- a) -1 b) 1 c) 0 d) 2

(4) إذا كان $\sqrt{x} - \sqrt{y} = -2$ فإن النقطة التي عندها $\frac{dy}{dx} = 2$ هي

- a) (4,0) b) (2,2) c) (-4,0) d) (4,16)

(5) إذا كان $y = a e^{2x} + \sin(\ln x)$ حيث a ثابت، وكان $\frac{dy}{dx} = e^3 + 1$ عند $x = 1$ ، فإن الثابت a

- a) $2e$ b) 1 c) $9e$ d) $\frac{1}{2}e$

(6) إذا كان $f(x) = \frac{h(x)}{g(x)}$ وكان $f(x) = \sin^2 5x$ ، $g'(x) = 4$ ، $h'(x) = 1$ ، فإن $h'(x)$

- a) 10 b) 9 c) 8 d) 7

(7) إذا كان $y = a \sin 3t$ ، حيث a ثابت، جد قيمة الثابت a حيث $y'' + 2y = 4 \sin 3t$

- a) $-\frac{7}{4}$ b) $\frac{7}{4}$ c) $\frac{4}{7}$ d) $-\frac{4}{7}$

(8) إذا كان $f(x) = \frac{1-x}{1+\sqrt{x}}$ فإن $f''(4)$

- a) $-\frac{1}{16}$ b) $\frac{1}{16}$ c) $-\frac{1}{32}$ d) $\frac{1}{32}$

(9) إذا كان $f(x) = x \cdot \sqrt[3]{x}$ وكان $g(8) = 9$ ، $g'(8) = \frac{3}{4}$ فإن $(\frac{g}{f})'(8)$ تساوي

- a) $\frac{9}{64}$ b) -9 c) -64 d) $\frac{64}{9}$

(10) إذا كان $f(x) = ax^2 + \frac{16}{\sqrt{x}}$ حيث $x > 0$ ، وكانت $f''(1) = 36$ ، فإن قيمة الثابت a هي

- a) -12 b) 12 c) 21 d) -21

(11) إذا كان $y = \cos^3 x$ ، فإن $\frac{dy}{dx}$ عند $x = \frac{5\pi}{6}$ هي

- a) $\frac{1}{4}$ b) $\frac{-1}{4}$ c) $\frac{9}{8}$ d) $\frac{-9}{8}$

(12) إذا كان $f(x) = \frac{\sec^2 x - \tan^2 x}{x^2}$ ، فإن $f'(\pi)$ عند $x \neq 0$

- a) $\frac{-2}{\pi^3}$ b) $\frac{-2}{\pi}$ c) π d) $\frac{\pi^3}{2}$

(13) إذا كان $y = \frac{1}{\sec 2x}$ ، فإن $\frac{d^2y}{dx^2}$ عند $x = \frac{\pi}{2}$

- a) 2 b) 0 c) -2 d) 4

(14) إذا كان $g(x) = kx(\sin x - 1)$ ، وكان $g'(0) = 4$ فإن الثابت k يساوي

- a) -1 b) 1 c) 4 d) -4

(15) إذا كان $f(x) = \cos 2x \cdot \tan x$ فإن $\frac{dx}{dy}$ عند $x = \frac{\pi}{4}$ تساوي

- a) $\frac{1}{2}$ b) $\frac{-1}{2}$ c) 1 d) -1

(16) إذا كان $f(x) = \frac{\ln x}{x}$ فإن قيمة $x^2 f'(x) + xf(x)$

- a) 1 b) -1 c) $\ln x$ d) $-\ln x$

(17) إذا كان $f(x) = \log(\ln x)$ فإن $f'(x)$ تساوي

- a) $\frac{1}{x \ln x}$ b) $\frac{1}{\ln x}$ c) $\frac{1}{\ln 10 \cdot \ln x}$ d) $\frac{1}{x \ln 10 \cdot \ln x}$

(18) إذا كان $e^x + e^{\cos y} = e + 1$ فإن قيمة $\frac{dy}{dx}$ عند $(1, \frac{\pi}{2})$

- a) $\frac{-1}{e}$ b) $\frac{1}{e}$ c) $-e$ d) e

(19) إذا كان $x = 3(t - \sin t)$ ، $y = 3(1 - \cos t)$ حيث $0 \leq t \leq 2\pi$ ، فإن $\frac{dy}{dx}$ عند $t = \frac{\pi}{4}$

- a) $1 - \sqrt{2}$ b) $-1 + \sqrt{2}$ c) $1 + \sqrt{2}$ d) $-1 - \sqrt{2}$

يتحرك جسيم في خط مستقيم وفق العلاقة $s(t) = \ln(t^2 - 2t + e)$ حيث s الموقع بالأمتار، t الزمن بالثواني. أجب عن الأفرع 20، 21.

(20) موقع الجسيم عندما تكون سرعته المتجهة صفراً هو

- a) $\ln(2e)$ b) $\ln e$ c) $\ln(e - 1)$ d) $\ln(e + 1)$

(21) يعود الجسيم إلى موقعه الابتدائي عندما t تساوي

- a) 2 b) 4 c) 3 d) 1

(22) إذا كان $\ln y = ax, a > 1$ ، جد الثابت a الذي يحقق المعادلة $3y'' - 10y' + 3y = 0$

- a) 3 b) 2 c) $\frac{1}{2}$ d) $\frac{1}{3}$

(23) إذا كان $f(x) = e^{a \sin 2x} + \ln(\cos x)$ ، وكانت $f'(0) = 8$ ، فإن الثابت a

- a) 1 b) 2 c) 4 d) 8

(24) إذا تحرك جسيم حسب العلاقة $s(t) = \frac{1}{2} - \sin^2 t$ ، فإن قيمة التسارع عندما تنعدم السرعة يساوي

- a) 1 m/s^2 b) -1 m/s^2 c) $\sqrt{3} \text{ m/s}^2$ d) $-\sqrt{3} \text{ m/s}^2$

(25) يتحرك جسم حسب العلاقة $s(t) = 20t - 5t^2$ ، فإن اللحظة التي يكون فيها تسارع الجسم يساوي مثلي سرعته:

- a) 1.5 s b) 1 s c) 4 s d) 2.5 s

(26) إذا كان $\sin x = y \cdot \sin^2 2x + \frac{y}{\sec^2 2x}$ ، فإن y'' تساوي

- a) y b) $-y$ c) $2y$ d) $-2y$

(27) إذا علمت أن $f'(x) = x$ ، $(f \circ h)'(x) = h(x)$ ، فإن $h'(x)$

- a) 4 b) 3 c) 2 d) 1

(28) إذا كان $f(x)$ كثير حدود من الدرجة الثانية، فيه $f(1) = 4$ ، $f'(1) = -2$ ، $f''(1) = 6$

فإن قاعدة الاقتران $f(x)$ هي:

a) $f(x) = 3x^2 - 8x - 7$ b) $f(x) = 3x^2 - 8x + 7$

c) $f(x) = 3x^2 - 8x - 9$ d) $f(x) = 3x^2 - 8x + 9$

(29) إذا كان $x \neq y$ وكان $(x - y)^4 + (y - x)^4 = 162$ فإن $\frac{dy}{dx}$ تساوي:

- a) 2 b) 3 c) ± 3 d) 1

(30) إذا علمت أن $\frac{dy}{du} = 2$ ، $x = 3u^2 + 1$ ، فإن $\frac{d^2y}{dx^2}$ عندما $u = 1$

- a) $-\frac{1}{18}$ b) $\frac{1}{18}$ c) $\frac{1}{9}$ d) $-\frac{1}{9}$

(31) إذا كان $y = \cos x$ ، فإن $\frac{d^2y}{dx^2} = (y^2)$ عندما $x = \frac{\pi}{2}$ تساوي

- a) 2 b) 1 c) -2 d) 0

(32) إذا علمت أن $f^2(x^3) = 6x + 4$ ، فإن قيمة $f'(8)$

- a) $\mp \frac{1}{16}$ b) $\mp \frac{1}{2}$ c) $\mp \frac{1}{4}$ d) $\mp \frac{1}{8}$

(33) مستطيل طوله ثلاث أمثال عرضه، فإن معدل التغير في مساحته بالنسبة ل عرضه عندما يكون طوله 6 cm يساوي

- a) 12 b) 18 c) 36 d) 24

(69) إذا كان $x = \tan y$ ، فإن قيمة $x^2 y'$

- a) $\cos^2 x$ b) $\sin^2 x$ c) $\cos^2 y$ d) $\sin^2 y$

(70) إذا كان $\log(xy)^{\ln 100} = \ln \frac{x}{y}$ فإن y' عند $(1, 1)$

- a) $-\frac{1}{3}$ b) $\frac{1}{3}$ c) $\frac{1}{2}$ d) $-\frac{1}{2}$

(71) إذا كان $x = \sin y - \cos y$ فإن $(y')^2$

- a) $\frac{1}{x^2+2}$ b) $\frac{1}{2-x^2}$ c) $\frac{1}{x^2-2}$ d) $\frac{1}{\sqrt{2-x^2}}$

(72) إذا كان $y = \frac{x+2}{x-2}$ فإن $\frac{dx}{dy}$

- a) $\frac{-4}{(y-1)^2}$ b) -4 c) 4 d) $\frac{4}{(y-1)^2}$

(73) إذا كان $v = \sqrt[3]{v \cdot s}$ فإن التسارع عندما سرعته 2m/s حيث السرعة $v =$ الموقع $s =$

- a) -2 b) 2 c) $\frac{1}{2}$ d) $-\frac{1}{2}$

(74) إذا كان $f(x) = e^{ax+b}$ وكان ميل المماس عند $(1,2)$ يساوي 4 ، فإن $f(x)$ تساوي

- a) $2e^{2x+2}$ b) $2e^{-2x-2}$ c) $2e^{2x-2}$ d) $2e^{-2x+2}$

(75) إذا كان $f(x) = cx^2 - 3x + 6$ وكانت قياس زاوية ميل المماس لمنحنى f عند النقطة $(1, f(1))$ هي $\frac{3\pi}{4}$ ،

فإن الثابت c يساوي

- a) -2 b) -1 c) 2 d) 1

(76) إذا كانت $y = 2x - 1$ هي معادلة المماس المشترك للاقترايين $f(x), g(x)$ عند $x = 3$ فإن $(f \cdot g)'$

- a) 10 b) 20 c) 21 d) 0

(77) إذا كان $f(x) = x^4 + 2c$ ، وكانت $(f' \circ f)'(-1) = -192$ ، فإن الثابت c

- a) $\frac{3}{2}$ b) $\frac{2}{3}$ c) $\frac{1}{4}$ d) -1

(78) إذا كان $x = \cot 3y$ ، فإن y' تساوي

- a) 1 b) -1 c) $\frac{1}{(1+x)^2}$ d) $\frac{-1}{3(x^2+1)}$

(79) إذا كان $f(x) = \ln\left(\frac{x^2-3}{x+\cos x}\right)^4$ ، فإن $f'(0)$

- a) -2 b) -4 c) 1 d) 4

(80) إذا كان $x = \tan y$ ، فإن $\frac{dy}{dx}$ عند $x = \frac{4}{3}$

a) 1

b) $\frac{9}{16}$

c) $\frac{9}{25}$

d) $\frac{16}{25}$

(81) جد معادلة المماس لمنحنى العلاقة $x^2 e^y = 1$ عند $x = 1$

a) $y = \frac{x}{2}$

b) $y = -2x$

c) $y = 2x$

d) $y = 2 - 2x$

(82) جد النقطة على منحنى $y^3 = x^2$ بحيث عندها مماس المنحنى عمودي على المستقيم $y + 3x - 5 = 0$ حيث $y \neq 0$

a) (8,4)

b) (-1,-1)

c) (1,1)

d) (4,8)

(83) إذا كان $y = x^{\frac{1}{x}}$ حيث $0 < x$ ، فإن قيم x التي عندها مماس أفقي

a) -1

b) 1

c) e

d) $2e$

(84) إذا كان $f(x) = x^2 - ax - 1$ وكان المقطع y لمماس منحنى الاقتران $f(x)$ عند النقطة (1,2) يساوي (-2)،

فإن الثابت a

a) -1

b) 2

c) -2

d) 1

(85) مساحة المثلث المكون من المماس لمنحنى $f(x) = 5 - x^2$ عند (1,4) والمحورين y, x هي

a) 6

b) 9

c) 2

d) 19

(86) إذا كان لمنحنى العلاقة y مماس رأسي عند (2,1)، فإن معادلة المماس عند تلك النقطة

a) $y = 1$

b) $y = 2$

c) $x = 1$

d) $x = 2$

(87) إذا كانت $2y + 4x - 2 = 0$ هي معادلة العمودي على المماس لمنحنى $f(x)$ عند (0,1)، فإن قيمة $f'(0)$ تساوي

a) $-\frac{1}{4}$

b) $\frac{1}{2}$

c) 4

d) 2

(88) إذا كان لمنحنى الاقتران $f(x) = \sqrt{x}$ ، $g(x) = x^2 + mx + \frac{3}{2}$ لهما مماس مشترك عند $x = 1$ ،

فإن الثابت m يساوي

a) $-\frac{2}{3}$

b) $-\frac{3}{2}$

c) $\frac{2}{3}$

d) $\frac{3}{2}$

(89) قياس الزاوية المحصورة بين المماس لمنحنى الاقتران $f(x) = x - x^2$ عند نقطة الأصل وبين المستقيم $y = \frac{x}{\sqrt{3}}$ هي

a) $\frac{\pi}{12}$

b) $\frac{\pi}{6}$

c) $\frac{\pi}{4}$

d) $\frac{\pi}{3}$

(90) إذا كان المستقيم $y = 4x + 1$ مماساً للاقتران $f(x) = c + 4x^2$ ، فإن الثابت c يساوي

a) 2

b) 1

c) 3

d) $\frac{1}{2}$

1)	c	21)	a	41)	b	61)	c	81)	d
2)	d	22)	a	42)	c	62)	b	82)	a
3)	c	23)	c	43)	c	63)	d	83)	c
4)	d	24)	d	44)	a	64)	a	84)	b
5)	d	25)	d	45)	d	65)	d	85)	b
6)	d	26)	b	46)	b	66)	c	86)	d
7)	d	27)	d	47)	d	67)	a	87)	b
8)	d	28)	d	48)	b	68)	a	88)	b
9)	a	29)	d	49)	d	69)	d	89)	a
10)	b	30)	a	50)	b	70)	a	90)	a
11)	d	31)	a	51)	b	71)	b	91)	a
12)	a	32)	a	52)	c	72)	a	92)	d
13)	d	33)	a	53)	c	73)	c	93)	d
14)	d	34)	a	54)	d	74)	c	94)	d
15)	b	35)	d	55)	a	75)	d	95)	a
16)	a	36)	a	56)	d	76)	b	96)	d
17)	d	37)	c	57)	a	77)	a	97)	d
18)	d	38)	d	58)	d	78)	d	98)	b
19)	c	39)	a	59)	b	79)	d	99)	a
20)	c	40)	c	60)	d	80)	c	100)	c