



**السؤال الأول : ضع دائرة حول رمز الإجابة الصحيحة فيما يأتي :**

(1) إذا كان  $f(x) = \left(\frac{1}{3}\right)^{x-1}$  ، فإن قيمة  $f(-1)$  تساوي :  $a) 9$     $b) -9$     $c) \frac{1}{9}$     $d) -\frac{1}{9}$

(2) قيمة الاقتران  $f(x) = (2)^{2x-3}$  عند  $x = 0$  هي :  $a) -6$     $b) -\frac{1}{8}$     $c) -8$     $d) \frac{1}{8}$

(3) مدى الاقتران  $f(x) = (3)^{x-2} + 4$  هو :  $a) (2, \infty)$     $b) (4, \infty)$     $c) (-\infty, 4)$     $d) (-\infty, -4)$

(4) مدى الاقتران  $f(x) = 5 - (4)^{3-x}$  هو :  $a) (5, \infty)$     $b) (3, \infty)$     $c) (-\infty, 5)$     $d) (-\infty, -5)$

(5) خط التقارب الأفقي للاقتران  $f(x) = 4(5)^{x+1} + 2$  هو :  $a) y = 1$     $b) y = -2$     $c) y = 2$     $d) y = 4$

(6) المقطع X لمنحنى الاقتران  $f(x) = 2^{x-3} - 8$  هو :  $a) 8$     $b) 6$     $c) 3$     $d) \phi$

(7) المقطع Y لمنحنى الاقتران  $f(x) = 3^{x+2} - 1$  هو :  $a) 8$     $b) 6$     $c) 2$     $d) \phi$

(8) إذا كان  $f(x) = 2^{x+a} - 3$  وكان  $f(-1) = 5$  ، فإن قيمة الثابت (a) تساوي :  $a) 8$     $b) -4$     $c) 4$     $d) 6$

(9) الاقتران الأسّي المتناقص هو :  $a) f(x) = 3^{x+2}$     $b) f(x) = 4^{1-x}$     $c) f(x) = \left(\frac{3}{2}\right)^{x-1}$     $d) f(x) = 2(5)^{x-1}$

(10) إذا كان الاقتران  $P(t) = 1000(0.2)^{t-1}$  يُمَثِّل النسبة المئوية للمتعافين من مرض ما ، حيث تعافوا بعد (t) سنة من تلقي العلاج لأول مرة ، بعد كم سنة تصبح النسبة المئوية للمتعافين (8%) ؟

$a) 2$     $b) 8$     $c) 3$     $d) 4$

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
a	d	b	c	c	b	a	c	b	d

(11) تتزايد قيمة قطعة أرض بمعدل % 7.5 سنوياً ، إذا كانت قيمتها حالياً JD 12500 ، فإن قيمتها بعد 5 سنوات تساوي:

- a) 14356      b) 17945.4      c) 6771.9      d) 8464.8

(12) يتناقص عدد نوع من الطيور في إحدى المحميات الطبيعية بنسبة ( % 10 ) ، جد عدد الطيور بعد (3) سنوات ، علماً بأن عددها الآن يساوي 12000 طائر .

- a) 8748      b) 1200      c) 15972      d) 120

(13) استثمر رجل مبلغ JD 5000 في شركة ، بنسبة ربح مُركَّب تبلغ % 1.23 ، وتضاف كل (4) أشهر ، جد جُملة المبلغ بعد (6) سنوات.

- a) 5382.1      b) 4643.6      c) 5015.4      d) 5124.3

(14) أودع رجل مبلغ ( JD 2000 ) في بنك بمعدل فائدة قدرها ( % 5 ) ، واحتسب البنك الفائدة باستمرار جد جملة المبلغ بعد 10 سنوات

- a) 296826.3      b) 4000      c) 3297.4      d) 6594.8

(15) أودع رجل مبلغ ( JD 5000 ) في بنك بمعدل فائدة قدرها ( % 3 ) ، واحتسب البنك الفائدة باستمرار ، إذا بلغت جملة المبلغ بعد (t) سنة (10000)، جد عدد السنين

- a) 5      b) 10      c) 23      d) 12

(16)  $Log_{\frac{1}{3}} 1$  يساوي : غير معرف d)      c) 0      b) 1      a) 3

(17)  $Log_2 0$  يساوي : غير معرف d)      c) 0      b) 1      a) 2

(18) إذا كانت  $3^2 = 9$  ، فإن الصورة اللوغاريتمية لهذه المعادلة الأسية هي :

- a)  $Log_2 9 = 3$       b)  $Log_3 9 = 2$       c)  $Log_3 2 = 9$       d)  $Log_9 3 = 2$

(19) قيمة  $log_9 27$  هي :      d)  $\frac{1}{3}$       c)  $\frac{3}{2}$       b) 9      a) 3

(20) إذا كانت  $Log_b \frac{1}{32} = -5$  ، فإن قيمة الثابت (b) تساوي :

- a) 2      b) -4      c) 4      d) 5



11	12	13	14	15	16	17	18	19	20
b	a	a	d	c	c	d	b	c	a

(21) إذا كان  $\text{Log}_7 3 = 0.56$  ، فإن قيمة  $\text{Log}_3 7$  تساوي :

- a) -0.56      b) -0.65      c) 1.78      d) 3.56

(22) إذا كانت  $4e^{2x} = 6$  ، فإن قيمة (x) تساوي :

- a) 0.2      b) -0.2      c) 2      d) 0.4

(23) قيمة  $\text{Log}_2 8^5$  هي :

- a) 5      b) 15      c) 3      d) 20

(24) قيمة  $6^{\text{Log}_6 5}$  هي :

- a) 6      b) 5      c)  $\frac{5}{6}$       d)  $6^4$

(25) قيمة  $10^{\text{Log} 0.1}$  هي :

- a) 0.1      b) 0.01      c) 10      d) 100

(26) قيمة  $3^{(\text{Log}_3 9+2)}$  هي :

- a) 9      b) 11      c) 81      d) 18

(27) مجال الاقتران  $f(x) = \text{Log}_2(x-5) + 4$  هو :

- a)  $(5, \infty)$       b)  $(2, 5)$       c)  $(-\infty, 5)$       d)  $(2, \infty)$

(28) مجال الاقتران  $f(x) = 3 - \text{Log}_5(x+1)$  هو :

- a)  $(3, \infty)$       b)  $(-1, \infty)$       c)  $(-1, 3)$       d)  $(-\infty, 1)$

(29) خط التقارب الرأسي للاقتران  $f(x) = 2 + \text{Log}_5(x-3)$  هو :

- a)  $x = 2$       b)  $x = -2$       c)  $x = 3$       d)  $x = 5$

(30) المقطع X لمنحنى الاقتران  $f(x) = \text{Log}_5(x+3)$  هو :

- a) 2      b) -3      c)  $\phi$       d) -2

(31) المقطع Y لمنحنى الاقتران  $f(x) = \text{Log}_2(x+8)$  هو :

- a) -7      b) -8      c)  $\phi$       d) 3

(32) المقطع Y لمنحنى الاقتران  $f(x) = \text{Log}_4(x-8)$  هو :

- a) 8      b) 4      c)  $\phi$       d) 2

\*\*\* إذا كانت  $\text{Log}_2 7 = 2.8$  ,  $\text{Log}_2 5 = 2.3$  ,  $\text{Log}_2 3 = 1.58$

فأجب عن الأسئلة ( 33 - 45 ) مستعملا المعلومات المعطاة فقط ، ودون آلة حاسبة :

33)  $\text{Log}_2 35 =$  a) 0.5      b) 5.1      c) 4.11      d) 6.44

34)  $\text{Log}_2 45 =$  a) 5.46      b) 3.88      c) 8.88      d) 9.936

35)  $\text{Log}_2 2.5 =$  a) 1.25      b) 1.3      c) 4.6      d) 1.5

36)  $\text{Log}_2 \frac{3}{7} =$  a) 4.424      b) 0.56      c) 1.2      d) -1.2

37)  $\frac{\text{Log}_2 3}{\text{Log}_2 7} =$  a) 0.43      b) -1.22      c) 1.8      d) 0.56

38)  $\text{Log}_2 14 =$  a) 4.16      b) 3.8      c) 0.357      d) 1.4

39)  $\text{Log}_2 \sqrt[5]{9} =$  a) 3.95      b) 0.95      c) 0.63      d) 7.9

40)  $\text{Log}_2 \frac{\sqrt[3]{15}}{\sqrt{14}} =$  a) 3.19      b) -0.2      c) -0.61      d) 0.69

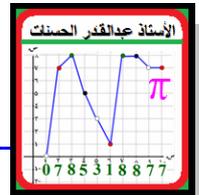
41)  $\text{Log}_2 \frac{25}{\sqrt{7}} =$  a) 3.2      b) 2.3      c) 4.4      d) 1.8

42)  $(\text{Log}_2 5)^2 =$  a) 4.6      b) 4.3      c) 5.29      d) 1.25

43)  $\text{Log}_2 (5)^2 =$  a) 4.6      b) 4.3      c) 5.29      d) 1.25

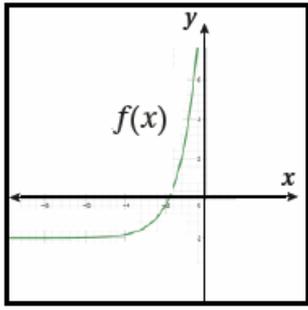
44)  $\text{Log}_5 7 =$  a)  $\frac{2.3}{2.8}$       b)  $\frac{2.3}{1.58}$       c)  $\frac{28}{15.8}$       d)  $\frac{28}{23}$

45)  $\text{Log}_2 \left(\frac{1}{3}\right) =$  a)  $\frac{1}{1.58}$       b)  $-\frac{1}{1.58}$       c) -1.58      d) 0.58

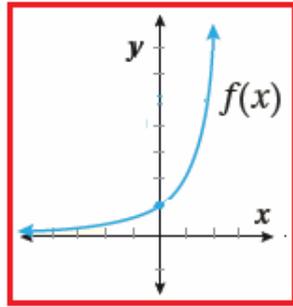


33	34	35	36	37	38	39	40	41	42	43	44	45
b	a	b	d	d	b	c	c	a	c	a	d	c

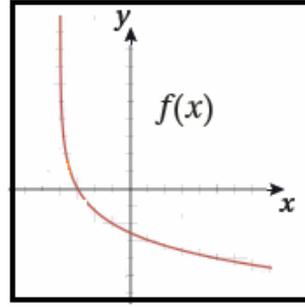
46) الاقتران الذي منحناه متناقص فيما يأتي هو :



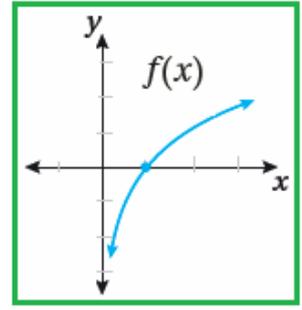
(a)



(b)

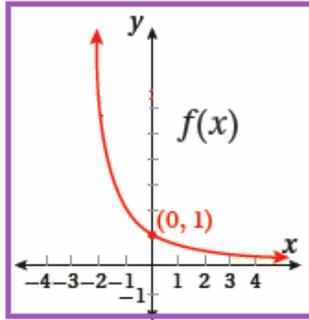


(c)



(d)

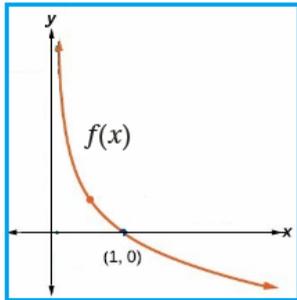
47) يُمثل الشكل الآتي التمثيل البياني لمنحنى الاقتران  $f(x)$  ، واحدة مما يأتي يمثل قاعدة  $f(x)$  وهي :



a)  $f(x) = 3^x$       b)  $f(x) = -(3)^x$

c)  $f(x) = (\frac{1}{3})^x$       d)  $f(x) = -(\frac{1}{3})^x$

48) يُمثل الشكل الآتي التمثيل البياني لمنحنى الاقتران  $f(x)$  ، أي الآتية يمثل قاعدة الاقتران  $f(x)$  ؟



a)  $f(x) = \text{Log}_2(-x)$       b)  $f(x) = -(2)^x$

c)  $f(x) = \text{Log}_2(x)$       d)  $-\text{Log}_2(x)$

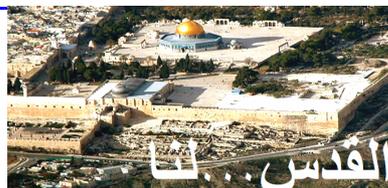
\* معتمدا الشكل المجاور والذي منحنى الاقتران اللوغاريتمي  $f(x)$  ،  
أجب عن السؤالين (49 ، 50) الآتيين :

49) مجال الاقتران  $f(x)$  هو :

a)  $(3, \infty)$       b)  $(0, \infty)$       c)  $(-\infty, 3)$       d)  $(-1, \infty)$

50) خط التقارب الرأسي للاقتران  $f(x)$  هو :

a)  $x = 3$       b)  $x = -1$       c)  $y = 3$       d)  $x = 1$



46	47	48	49	50
c	c	d	d	b



السؤال الثاني : أكمل الفراغات بما يناسب في الجدولين الآتيين :

	خط التقارب الأفقي	المقطع من y	المقطع من x	المدى	الاقتران
1)					$f(x) = 3^{2x+1} - 27$
2)					$f(x) = 2^{x-1} + 8$
3)					$f(x) = (\frac{1}{2})^{x-3} + 1$
4)					$f(x) = 16 - 4^{2x}$

	خط التقارب الرأسي	المقطع من y	المقطع من x	المجال	الاقتران
1)					$f(x) = \text{Log}_2(x - 8)$
2)					$f(x) = \text{Log}(3x + 6)$
3)					$f(x) = \text{Log}_3(x + 2) - 1$
4)					$f(x) = \text{Log}_{\frac{1}{4}}(x - 2) + 1$

السؤال الثالث : حل المعادلات الأسية الآتية :

1)  $(5)^{x^2-9} = 1$       2)  $2 e^{x-1} = 3$       3)  $16^x + 4^{x+1} = 12$

السؤال الرابع : أكمل الفراغ فيما يأتي :

(1) الصورة المطولة للمقدار  $\text{Log}_b \frac{3\sqrt{x}}{a^2}$  هي :

(2) الصورة المختصرة للمقدار  $\text{Log}_a 8 - \text{Log}_a 2 + 2\text{Log}_a 5$  هي :

(3) الصورة المختصرة للمقدار  $\text{Log}_5 6 \times \text{Log}_4 5$  هي : ..... (احتماله ضعيف) الجواب :  $\text{Log}_4 6$

السؤال الخامس : أودع رجل مبلغ (4000 JD) في بنك بمعدل فائدة قدرها (4 % )، واحتسب البنك الفائدة باستمرار، جد جملة المبلغ بعد (10) سنوات

السؤال السادس : إذا كان انتشار أحد الفيروسات المعدية في دولة ما يُعطى بالاقتران  $v(t) = 20 e^{0.2t}$  حيث (t) الزمن بالأيام ، جد عدد الأيام اللازمة ليصل عدد المصابين إلى (10000) شخص





أسئلة متوقعة للأدبي (مراجعة مكثفة) / الفصل الأول - وحدة التفاضل

السؤال الأول : ضع دائرة حول رمز الإجابة الصحيحة فيما يأتي :

1)  $f(x) = x^4 + x^3 \Rightarrow f'(-2) =$  a) -20    b) -44    c) 14    d) -12

2)  $f(x) = 24\sqrt[3]{x} \Rightarrow f'(-1) =$  a) 8    b) -8    c) 6    d) -72

3)  $f(x) = \frac{1}{x} \Rightarrow f'(2) =$  a) 4    b) -4    c)  $\frac{1}{4}$     d)  $-\frac{1}{4}$

4)  $f(2) = 3$  ,  $f'(3) = 5$  ,  $g(2) = 3$  ,  $g'(2) = 4 \Rightarrow (fog)'(2) =$   
a) 20    b) 12    c) 15    d) 24

5)  $f'(1) = 4$  ,  $g(5) = 1$  ,  $(fog)'(5) = -12 \Rightarrow g'(5) = ?$   
a) 3    b) -3    c) 12    d) -48

6)  $f(x) = \text{Ln}x$  ,  $g(x) = x^2 \Rightarrow (fog)'(x) =$  a) x    b)  $\frac{2}{x}$     c)  $\frac{1}{x}$     d)  $\text{Ln}\frac{1}{x}$

7)  $f(x) = \text{Ln}x^5 \Rightarrow f'(x) =$  a) 5x    b)  $\frac{1}{x}$     c)  $\frac{5}{x}$     d)  $5\text{Ln}x^4$

8)  $f(x) = 2\cos x + \sin \pi \Rightarrow f'(x) =$  a)  $2 - \sin x$     b)  $2\sin x$   
c)  $-2\sin x + \cos \pi$     d)  $-2\sin x$

9)  $f(x) = \sin x + \cos x \Rightarrow f'(x) =$  a)  $\cos x + \sin x$     b)  $\cos x - \sin x$   
c)  $-\cos x - \sin x$     d)  $-\cos x + \sin x$

10)  $y = \frac{x^4 - 2x^2}{x^3} \Rightarrow \frac{dy}{dx} =$  a)  $\frac{4x^3 - 4x}{2x}$     b)  $x - \frac{2}{x}$   
c)  $1 - \frac{2}{x^2}$     d)  $1 + \frac{2}{x^2}$

*Alhasanah*



1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
a	a	d	a	b	b	c	d	b	d

11)  $y = u^2 + 5u$  ,  $u = 2 - 3x \Rightarrow \frac{dy}{dx} \Big|_{x=1} =$  a) 9    b) -9    c) 21    d) -5

12)  $f(x) = (h(x))^3$  ,  $h(2) = -2$  ,  $h'(2) = -4 \Rightarrow f'(2) =$   
a) 24    b) -24    c) 48    d) -48

13)  $f(x) = x^2 e^x \Rightarrow f'(1) =$  a) e    b) 3e    c) 3e<sup>2</sup>    d) 2e

14) إذا كان  $f(x) = \frac{x}{x+1}$  فإن  $f'(2) =$   
a)  $\frac{1}{2}$     b)  $\frac{1}{9}$     c)  $\frac{5}{9}$     d)  $\frac{-1}{9}$

15) إذا كان  $f(x) = \ln x^2$  فإن  $f''(x)$  يساوي :  
a)  $2 \ln x$     b)  $\frac{-2}{x^2}$     c)  $\frac{2}{x}$     d)  $\frac{2}{x^2}$

16) إذا كان  $f(x) = (x^2 - 1)(x^2 + 1)$  فإن  $f'(x)$  تساوي :  
a)  $4x^2$     b)  $-4x$     c)  $4x$     d)  $4x^3$

17) إذا كان  $f(x) = \sin x \cos x$  فإن  $f'(x)$  تساوي :  
a)  $2 \sin x$     b)  $2 \cos x$     c)  $\cos^2 x - \sin^2 x$     d)  $-\sin x \cos x$

\*معتمدا المعلومات الآتية ، أجب عن الأسئلة (18، 19، 20) :  $f(1) = 5, f'(1) = -2, g(1) = 2, g'(1) = 4$

18)  $(f g)'(1)$  تساوي : a) 16    b) -2    c) -24    d) -8

19)  $(\frac{f}{g})'(1)$  تساوي : a) 6    b) 4    c) -4    d) -6

20)  $(3f - g)'(1)$  تساوي : a) -2    b) -8    c) -10    d) -6

Abdulkadir Hasanat  
078 531 88 77



11	12	13	14	15	16	17	18	19	20
b	d	b	b	b	d	c	a	d	c

(21) إذا كان  $f(2) = 4, g(2) = 1, g'(2) = 2$  وكانت  $(f \cdot g)'(2) = 5$  فإن  $f'(2) =$

a) 2      b) 13      c) -3      d) -2

(22) إذا كان  $f'(3) = 8, f(3) = g'(3) = 4, g(3) = 1$  وكانت  $(\frac{f}{g})'(3) = 1$  فإن  $g(3) =$

a) -4      b) 8      c) -4,4      d) 4

(23) إذا كان  $f(x) = x^3, g(-1) = -2, g'(-1) = 2$  فإن  $f'(-1) =$

a) -4      b) -8      c) -6      d) 8

(24) إذا كان  $f(x) = e^x + \ln x$  فإن  $f'(1)$  يساوي:

a)  $e + 1$       b)  $e$       c) 0      d)  $\frac{1}{e}$

(25) إذا كان  $f(x) = e^x \ln x$  فإن  $f'(1)$  يساوي:

a)  $e + 1$       b)  $e$       c) 0      d)  $\frac{1}{e}$

26)  $f(x) = ax^3 - \ln 5x + ax$  ,  $f'(-1) = 3 \Rightarrow a =$  a)  $\frac{1}{2}$       b) 2      c) -2      d) -1

27)  $f(x) = 4e^{x-1} \Rightarrow f'(0) =$  a)  $-4e$       b)  $4e^{-1}$       c) 4      d)  $3e$

28)  $f(x) = 2 \sin^3 x \Rightarrow f'(x) = ?$

a)  $3 \sin x \sin 2x$       b)  $6 \sin x \cos x$       c)  $6 \sin x$       d)  $6 \sin^2 x$

29)  $f(x) = \sqrt{1-x^3} \Rightarrow f'(-2) =$  a) -24      b) -2      c) 2      d) -12

30)  $f(x) = (x \cdot g(x))^2$  ,  $g'(-1) = -2$  ,  $g(-1) = 4 \Rightarrow f'(-1) = ?$

a) -16      b) -8      c) 48      d) -48



21	22	23	24	25	26	27	28	29	30
c	d	b	a	b	a	b	a	b	d

السؤال الثاني : جد المشتقة الأولى لكل مما يأتي عند قيمة (x) في حال أعطيت :

1)  $f(x) = \frac{x}{2x+3}$  ,  $x = 1$

2)  $f(x) = x^3(3x - 1)^2$  ,  $x = 1$

3)  $f(x) = (x^2 - x^3)^2$  ,  $x = -1$

4)  $f(x) = (e^x - e^{-x})^3$  ,  $x = 0$

5)  $f(x) = \text{Ln}(5x - 4)^7$

6)  $f(x) = x^3 \sin 2x^2$

7)  $f(x) = \text{Ln}(\cos 2x)$

8)  $f(x) = \sin(\text{Ln} 4x)$

9)  $f(x) = e^{2x} \sin^2 3x$

10)  $f(x) = \text{Ln}\left(\frac{3}{\cos x + 2}\right)^3$

11)  $y = u^3 - 5u$  ,  $u = 6\sqrt{x}$  ,  $x = 1$

12)  $y = \text{Ln}(u + 1)$  ,  $u = e^{2x}$

13)  $f(x) = e^x \sin 3x \cos^2 x$

14)  $5y + 3e^{2x} + xy = 6x$

السؤال الثالث : يُمثّل عدد سكّان بلدة صغيرة بالاقتران:  $P(t) = (3t^2 + 100)(t + 10)$  حيث t الزمن بالسنوات منذ الآن ، و P عدد السكّان :

(أ) جد مُعدّل تغيّر عدد السكّان في البلدة بالنسبة إلى الزمن t

(ب) جد مُعدّل تغيّر عدد السكّان في البلدة عندما  $t = 4$  .

السؤال الرابع : يُمثّل الاقتران:  $C(x) = 100\sqrt{x^2 - 0.1x}$  تكلفة إنتاج x قطعة من مُنتج مُعيّن :  
مُعدّل تغيّر تكلفة الإنتاج بالنسبة إلى عدد القطع المُنتجة عندما يكون عدد القطع المُنتجة 20 قطعة.

السؤال الخامس : إذا كان  $y = x - \sin x \cos x$  ، فأثبت أن  $\frac{dy}{dx} = 2\sin^2 x$





أسئلة متوقعة للأدبي (مراجعة مكثفة) / الفصل الأول - وحدة تطبيقات التفاضل

السؤال الأول : ضع دائرة حول رمز الإجابة الصحيحة فيما يأتي :

(1) إذا كان  $f(x) = e^x + x$  فإن معادلة المماس لمنحنى الاقتران  $f(x)$  عند  $x = 0$  هي:

- a)  $y = 2x - 1$       b)  $y = 2x + 1$       c)  $y = 1 - 2x$       d)  $y = 2 - x$

(2) إذا كان  $f(x) = \ln x$  ، فإن معادلة العمودي على المماس لمنحنى الاقتران  $f(x)$  عند النقطة  $(e, 1)$  هي :

- a)  $y = -ex - 2$       b)  $y = -ex + e^2 + 1$       c)  $y = -e^x + e^2 + 1$       d)  $y = \frac{x}{e}$

(3) إذا كان  $f(x) = e^{x-1} + \ln x$  ، فإن معادلة المماس لمنحنى  $f$  عند النقطة  $(1, 1)$  هي :

- a)  $y = 2x$       b)  $y = 2x - 1$       c)  $y = 2x - 2$       d)  $y = 2x + 1$

(4) إذا كان  $f(x) = e^{x-6} - x$  ، فإن قيم  $(x)$  التي يكون عندها مماس أفقي لمنحنى الاقتران  $f$  هي:

- a) 5      b)  $\ln 6$       c) 6      d) 0, 6

(5) إذا كان الاقتران :  $s(t) = t^2 - 5t + 6$  ,  $t \geq 0$  , يُمثّل موقع جسم يتحرك في مسار مستقيم ،

فإن اتجاه حركة الجسم عندما  $t = 1$  هو : موجب a) سالب b) سکون c) لا شيء مما ذكر d)

(6) إذا كان الاقتران :  $s(t) = t^3 - t^2 + t$  ,  $t \geq 0$  ، يُمثّل موقع جسم يتحرك في مسار مستقيم ،

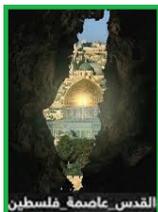
فإن سرعة الجسم عندما يكون تسارعه (4) يساوي : 4 d) 6 c) 0 b) 2 a)

7)  $x^2 + y^2 = 9 \Rightarrow y' =$  a)  $\frac{x}{y}$       b)  $-\frac{x}{y}$       c)  $-\frac{y}{x}$       d)  $\frac{y}{x}$

8)  $xy + x^2y^2 = 6 \Rightarrow \left. \frac{dy}{dx} \right|_{(1,2)} =$  a) 2      b) -6      c) -2      d) 5

9)  $y^2 + y = (\ln x)^3 + 1 \Rightarrow \left. \frac{dy}{dx} \right|_{(e,1)} =$  a)  $e$       b) 3      c)  $3e^2$       d)  $e^{-1}$

10)  $\ln x + \ln y = x + y \Rightarrow y' =$  a)  $\frac{xy - y}{x - xy}$       b)  $\frac{xy + y}{x - xy}$       c)  $\frac{x}{y}$       d)  $\frac{xy + y}{x + xy}$



1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
b	b	b	c	b	a	b	c	d	a



السؤال الثاني : جد إحداثيي النقطة الواقعة على منحنى الاقتران :  $f(x) = 8\sqrt{x} - 9$

التي يكون عندها مماس منحنى الاقتران موازيًا للمستقيم:  $y = 2x - 1$  الجواب : ( 7 , 4 )

السؤال الثالث : جد إحداثيي النقطة (النقاط) الواقعة على منحنى الاقتران  $f(x) = x^3 - 3x^2 + 1$

التي يكون عندها المماس أفقيا

السؤال الرابع : إذا مَثَّلَ الاقتران  $s(t) = 6t^2 - t^3 + 1$  موقع جسم يتحرَّك في مسار مستقيم :

(1) جد سرعة الجسم المتجهة عندما يكون تسارعه 6 (2) جد تسارع الجسم عندما  $t = 2$

(3) جد قيم ( t ) التي يكون عندها الجسم في حالة سكون لحظي (3) في أي اتجاه يتحرك الجسم عندما  $t = 3$  ؟

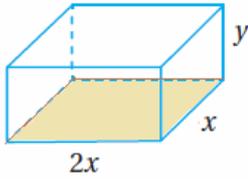
السؤال الخامس : إذا كان  $f(x) = x^3 - 12x + 5$  ، فاستعمل اختبار المشتقة الثانية لإيجاد

القيم القصوى المحلية للاقتران f

السؤال السادس : لدى حدّادٍ صفيحة معدنية مساحتها (  $48 \text{ m}^2$  ) . يريد الحدّاد أن يصنع منها خزان ماء

على شكل متوازي مستطبي لات مغلق، وأن يكون طول قاعدة الخزان مثلي عرضها

جد أبعاد الخزان التي تجعل حجمه أكبر ما يُمكن.



السؤال السابع : يُمثَّلُ الاقتران:  $s(x) = 150 - 0.5x$  سعر القطعة الواحدة من منتج ما ،

حيث x عدد القطع المبيعة. ويُمثَّلُ الاقتران:  $C(x) = 4000 + 0.25x^2$  تكلفة إنتاج x قطعة

جد عدد القطع اللازم بيعها لتحقيق أكبر ربح مُمكن، ثم أجد أكبر ربح مُمكن.

السؤال الثامن : يزداد حجم بالون كروي الشكل بمعدل (  $192 \pi$  ) ، جد معدل الزيادة في نصف قُطره

عندما يصبح نصف القطر ( 4 cm )

السؤال التاسع : تتناقص أطوال أضلاع مُكعَّب بمُعَدَّل ( 6 cm/s ) . جد مُعدَّل تغيُّر حجم المُكعَّب

عندما يكون طول ضلعه ( 30 cm ) ،