

الامتحان الأول في مادة الرياضيات للفرع العلمي / م٤

إعداد الأستاذ : عمر المصري

الوحدة : التكامل وتطبيقاته

٠٧٩٩٣٣٣٠٨٨ 

الزمن : ساعة ونصف فقط

السؤال الأول : ضع دائرة حول رمز الإجابة الصحيحة فيما يلي :

$$1) \text{ إذا كان } v(s) = s^3 - 3s^2 + 2 \text{ ، وكان } v'() = 0 \text{ ، فإن قيمة } (v)$$

٢ - (١) ب) ١ (٤) ج) ٢ (٥) هـ

٢) إذا كان $v(s) = s^2 - 2s$ ، فإن قيمة $\int_1^2 v(s) ds$ تساوي :

(١) هـ (٢) ب) ١ (٤) ج) ١ - هـ

٣) إذا كان $v(s) = s^2$ ، معكوسين لـ $v(s)$ ، حيث $v(-8) = 15$ ، $v'(-) =$
فإن قيمة $(-8)^2 - 2(-8)$

٤٩ (٥) هـ ٢٨ (ج) ٢٠ (١) ب) ٢٤ (١)

٤) إذا كان $v(s) = \int_1^s t^2 dt$ و كان $v(s) = 6$ ، فإن $v(s) =$

١ - (١) ب) ١ (٤) ج) ٥ (٥) قاتس $\frac{ds}{dt}$ يساوي :

٥) $\int_0^s \log(t+1) dt$ \geq ج) $\log(s+1)$ ب) $\log(s+1) - s$ ج) $s + 1$

٦) إذا كان $m \geq n$ و كان $v(s) = \int_0^s (s+2)(s+3) ds \geq m$ ، فإن قيمة m ، n

على الترتيب : (١) ١ - ١ (٢) ١٦١ - (٣) ج) ٣،٢ (٤) ٢،٣ - (٥) ب)

السؤال الثاني : أ) جد قيمة كل من التكاملات التالية : (١٠ علامات)

$$\text{ج: } \int_{-7}^7 (\text{جاس} - \text{جتاس})^7 \, dx \quad \text{؟}$$

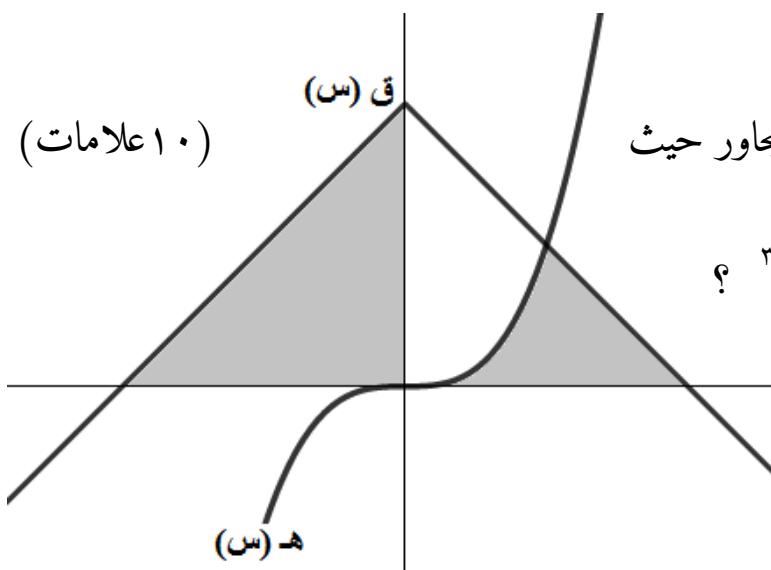
$$\text{ج: } \int_{-25}^{25} \frac{\text{طاس}}{(\text{لو جتاس})^2} \, dx \quad \text{؟}$$

ب) انطلق جسم من النقطة (٢٠،٠) باتجاه محور السينات الموجب وسرعة $\dot{x}(n) = 5n$ ، حيث (ن) الزمن، جد المسافة التي يقطعها بعد مرور (٤) ثواني من حركته ؟ ج: ٢٧ هـ (٧ علامات)

السؤال الثالث : أ) إذا كان $v(s) = s^3 - 5s$ معكوساً للاقتران $s(v) = v^3$ ، وكان

$$\text{ج: } \int_{-6}^{12} \left(\frac{b}{2} - \frac{h}{v(s) + h} \right)^h \, ds = 28 \quad \text{جد قيمة (ب) ؟}$$

ب) جد مساحة المنطقة المظللة في الشكل المجاور حيث $v(s) = 2 - |s|$ ، $h(s) = s^3$ ؟



الجواب : $\frac{11}{4}$ وحدة مساحة

السؤال الرابع : أ) جد أقل قيمة وأكبر قيمة للمقدار $\int_{\frac{\pi}{2}}^{\pi} \frac{1}{2 \text{جتاس}^2 + s} \, ds$ ؟ ج: $\frac{\pi}{3}$ ، π (٥ علامات)

$$\text{ج: } \int_{\frac{1}{s}}^2 \frac{2}{1-s^2} \, ds \quad \text{؟}$$

$$\text{ب) جد ناتج } \int_{s(1-s)}^1 \frac{1}{s} \, ds \quad \text{؟}$$