



# أسئلة مقترحة للفصل الدراسي الأول

"يجب عليك إجابة أسئلة وزارية سابقة"



لأي استفسار التواصل على الرقم :  
07 8811 8727



• إذا كانت :  $g(-2) = 8$

,  $g'(-2) = 4$ ,  $h(5) = -2$ ,  $h'(5) = 6$

احسب  $f'(5)$  فأجب عن الفقرتين الآتيتين:

17)  $f(x) = g(h(x))$

a) 24      b) 4      c) -24      d) 12

18)  $f = 4(h(x))^2$

a) 91      b) -96      c) 9      d) 6

19) إذا كانت  $f(x) = e^{\ln(2e+1)}$  , فإن  $f'(1)$

تساوي :

a)  $2e + 1$       b) 2

c)  $3e$       d) 0

20) إذا كانت :  $f(x) = (1 - x)^{-4}$

فإن  $f'(2)$  تساوي :

a)  $-4(1 - x)^{-5}$       b)  $4(1 - x)^{-5}$

c)  $-3(1 - x)^{-3}$       d)  $3(1 - x)^{-3}$

21) إذا كانت  $f(x) = \sin^7 4x$

فإن  $f'(x)$  تساوي :

a)  $7\sin^6 4x \cos 4x$

b)  $-7\sin^6 4x \cos 4x$

c)  $28\sin^6 4x \cos 4x$

d)  $-28\sin^6 4x \cos 4x$

22) احسب ميل المماس لمنحنى

$f(x) = \frac{7}{2x+3}$  ,  $(x = -1)$

a) -4      b) -14

c) 8      d) -3

12) أحد التالية يكافئ المقدار  $\log_a \frac{ax^5}{y^3}$  :

a)  $5 \log_a x - 3 \log_a y + 1$

b)  $a \log_a x^5 - \log_a y^3 + 1$

c)  $5a \log_a x - 3 \log_a y - 1$

d)  $1 - 5 \log_a x - 3$

13) حل المعادلة الأسية

$-5e^{-2x} = 15$  هو:

a)  $-\ln 5$       b)  $\ln 3$

c)  $-\frac{\ln 3}{2}$       d)  $\frac{\ln 3}{2}$

14) حل المعادلة الأسية  $5^x = 4$  هو:

a)  $\frac{\log 4}{\log 5}$       b)  $\frac{\log 5}{\log 4}$

c)  $\log \frac{4}{5}$       d)  $\log \frac{5}{4}$

15) إذا كان  $S(x) = 400\sqrt{x^2 + 7}$  , فإن

معدل تغير الاقتران S بالنسبة إلى x هو :

a)  $\frac{-400x}{\sqrt{x^2 + 7}}$       b)  $\frac{400x}{\sqrt{x^2 + 7}}$

c)  $\frac{-x}{\sqrt{x^2 + 7}}$       d)  $\frac{x}{\sqrt{x^2 + 7}}$

16) إذا كان  $f, g$  قابلين للاشتقاق , وكان :

$f(2) = -4, f'(2) = 3, g(2) = 5$

فإن قيمة  $(fg)'(2)$  تساوي :

a) 11      b) 3      c) 4      d) 19



- ② استثمر معاذ مبلغ 7000JD في شركة  
بنسبة ربح مركب تبلغ %1.5 وتضاف كل يوم ،  
جد جملة المبلغ بعد 5 سنوات ؟  
③ حل المعادلة الأسية التالية :

$$5e^{3x-1} = 125$$

$$5^{3+2x} = 3^{x-3}$$

### السؤال الثالث :

- ① جد المشتقة  $\frac{dy}{dx}$  عند قيمة x المعطاه :

$$y = \sqrt[3]{x^2 + x + 1} + 2x \ln(x + 1), x = 0$$

$$y = 5u^7 + u^3, u = 3x^2 + 9x, x = -1$$

- ② جد المشتقة  $\frac{dy}{dx}$  كل مما يأتي :

$$1) f(x) = (5x - 1)^6 (e^{2x} - x)$$

$$2) f(x) = \frac{3x - 1}{x^2} + \frac{1}{\cos x} + \sin^3 x$$

$$3) f(x) = (\cos 2x) \sqrt[5]{(x^3 + 2x)^6}$$

### السؤال الرابع :

- ① احسب معادلة المماس لمنحنى

$$f(x) = \frac{4}{x+2} \text{ عندما } (x = 0)$$

- ② قطعة أرض مستطيلة الشكل تقع بجانب نهر  
ولا يحاط من جهته ، وكان طول السياج 600 m ،  
فما أبعاد القطعة التي تجعل المساحة أكبر ما  
يمكن

- 23 الاحداثي x لنقطة الواقعة على المنحنى  
الاقتران  
 $f(x) = 4x^2 - 6x + 10$  التي ميل المماس  
عندها يساوي 10 :

$$a) 2 \quad b) -2 \quad c) 0 \quad d) 1$$

- يتحرك جسم حسب العلاقة :

$$s(t) = 6t^2 - 2t^3$$

- فأجب عن الأسئلة ( 24 , 25 , 26 ) :

- 24 سرعة الجسم المتجهة بعد  $t = 1$  :

$$a) 1 \quad b) 6 \quad c) 3 \quad d) 4$$

- 25 أوجد اتجاه الحركة عند  $t = 5$  :

- a) الاتجاه نحو اليمين      b) الاتجاه نحو اليسار  
c) سكون      d) ثابت اتجاه

- 26 احسب التسارع عندما  $t = 3$  :

$$a) 24 \quad b) -24 \quad c) 12 \quad d) 2$$

### السؤال الثاني :

- ① بكتيريا : يمثل الاقتران

$$f(x) = 7000 (1.2)^{\frac{x}{2}}$$

- البكتيرية في تجربة مخبرية، حيث x الزمن  
بالساعات :

- أ) جد عدد الخلايا البكتيرية في بداية التجربة

- ب) جد عدد الخلايا البكتيرية بعد 12 ساعة :

- ج) بعد كم ساعة يصبح عدد الخلايا البكتيرية  
10080 خلية ؟

الاجابات:

d	1
b	2
b	3
c	4
b	4
d	5
d	6
d	7
b	8
d	9
a	10
c	11
a	12
c	13
a	14
b	15
a	16
a	17
b	18
d	19
b	20
c	21
a	22
a	23
b	24
b	25
b	26

③ لدى حداد صفيحة معدنية مساحتها  $54 m^2$   
 . أراد الحداد أن يصنع منها خزان ماء على شكل  
 متوازي مستطيلات مغلق وأن يكون الخزان  
 مفتوحاً من الأعلى , وقاعدته مربعة الشكل . جد  
 أبعاد الخزان التي تجعل حجمه أكبر ما يمكن

السؤال الخامس :

① يُمثل الاقتران  $S(x) = 150 - 0.5x$  سعر  
 البذلة الرجالية الذي حددته شركة لإنتاج الملابس  
 , حيث  $x$  عدد البدلات المباعة . ويُمثل الاقتران :  
 $C(x) = 4000 + 0.25x^2$  تكلفة إنتاج  $x$   
 بدلة :

(a) جد اقتران الإيراد

(b) جد اقتران الربح

(c) جد عدد البدلات اللازم بيعها لتحقيق أكبر ربح  
 ممكن , ثم جد أكبر ربح ممكن

(d) جد سعر البدلة الواحدة الذي يحقق أكبر ربح  
 ممكن

② عند رمي حجر في مسطح مائي , تتكون  
 موجات دائرية متحدة المركز . إذا كان نصف قطر  
 دائرة يزداد بمعدل  $8 \text{ cm/s}$  , فأجد معدل تغير  
 مساحة هذه الدائرة عندما يكون نصف قطرها  
 $10 \text{ cm}$  , علماً بأن العلاقة التي تربط بين مساحة  
 الدائرة (A) ونصف قطرها (r)

هي:  $A = \pi r^2$

@math\_mohdawwad  YouTube

@mohdawwwad  Instagram



**السؤال الأول :**

ضع دائرة حول رمز الإجابة الصحيحة في كل مما يلي :

(1) أحد التالية هو اقتران أسّي :

a)  $f(x) = 3x^3$                       b)  $f(x) = \frac{1}{5^x}$   
c)  $f(x) = \sqrt{x}$                       d)  $f(x) = x^{\frac{1}{3}}$

(2) معادلة خط التقارب الأفقي للاقتران

$f(x) = 2^{-x} + 3$  هي :

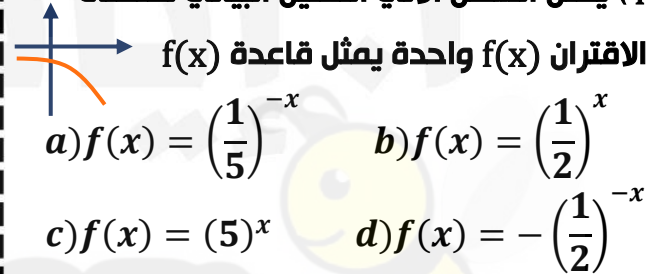
a)  $y = 2$                                       b)  $y = 3$   
c)  $y = 0$                                       d)  $y = -3$

(3) أحد الاقترانات التالية هو متناقص على

مجاله:

a)  $f(x) = \left(\frac{1}{5}\right)^{-x}$                       b)  $f(x) = \left(\frac{1}{2}\right)^{-2x}$   
c)  $f(x) = (5)^{x+1}$                       d)  $f(x) = \left(\frac{3}{2}\right)^{-x}$

(4) يمثل الشكل الاتي التمثيل البياني لمنحنى



(5) تلوث : في دراسة علمية تناولت درجة تأثير

التلوث في عدد الأسماك التي تعيش في إحدى

البحيرات , توصل العلماء إلى أن عدد الأسماك

في البحيرة يقل بنسبة % 20 كل سنة : اكتب

اقتران الاضمحلال الأسّي الذي يمثل عدد

الأسماك في البحيرة بعد 3 سنة , علماً بأن

عددها عند بدء الدراسة هو 12000 سمكة

a) 6144                                      b) 8416  
c) 1802                                      d) 2612

(6) يمثل الاقتران  $A(t) = 900(1.23)^t$

اقتران النمو الأسّي لعدد الدجاج في مزرعة

دواجن حيث  $t$  الزمن بالسنوات, قيمة عامل النمو

تساوي :

a) 0.23                                      b) 1.23  
c) 123                                      d) 23

(7) تكتب الاقتران  $\log_4 256 = 4$  بالصورة

الأسية :

a)  $4 = 2^{256}$                                       b)  $256^4 = 4$   
c)  $4^2 = 256$                                       d)  $4^4 = 256$

(8) قيمة اللوغاريتم

$f(x) = \log_2 \frac{1}{\sqrt[3]{(2)^4}} + \log_a 1$  هو :

a)  $-\frac{3}{4}$                       b)  $\frac{3}{4}$                       c)  $\frac{4}{3}$                       d)  $-\frac{4}{3}$

(9) مجال الاقتران  $f(x) = \log(x + 3)$  هو :

a)  $(3, \infty)$                                       b)  $(-\infty, 3)$   
c)  $R - \{3\}$                                       d)  $R$

(10) أي الاقترانات التالية هو متناقص  $f(x)$  ؟

a)  $f(x) = -\log_2 x$   
b)  $f(x) = \log_2(x)$   
c)  $f(x) = \log_1 x$   
d)  $f(x) = \log_1(-x)$

(11) مقطع  $x$  للاقتران  $f(x) = \log_7 x$  هو :

a)  $x = 0$                                       b)  $y = 1$   
c)  $x = 1$                                       d)  $y = 0$

(17) إذا كانت  $f(x) = \sqrt[3]{x^2} + 12$  فإن  $f'(1)$  تساوي :

- a) 1      b)  $\frac{2}{3}$       c)  $\frac{3}{2}$       d)  $\frac{5}{2}$

(18) إذا كان  $f(x)$  اقتران قابلاً للاشتقاق عند

$$f'(3) = 4, f(3) = -5, x = 3$$

فإن  $g(x) = x^3 f(x)$  ، فإن  $g'(3)$  تساوي :

- a) -27      b) 27      c) -243      d) 243

(19) إذا كان  $f, g$  قابلين للاشتقاق ، وكان

$$f(2) = 2, f'(2) = -3$$

$g(2) = 6, g'(2) = 9$  ، فإن : ما قيمة

$$\text{مشتقة} \left( \left( \frac{f}{g} \right)'(2) \right) ?$$

- a) 36      b) -36      c) -3      d) -1

(20) إذا كان  $f(x) = e^{x^3} \ln x + 1$  ، فإن

$f'(1)$  تساوي :

- a) 2      b) 7      c)  $\ln 2$       d) e

(21)  $f(x) = \sin e^{2x}$  فإن  $f'(x)$  تساوي :

- a)  $2e^{2x} \cos e^{2x}$       b)  $e^{2x} \cos e^{2x}$   
c)  $2e^{2x} \sin e^{2x}$       d)  $e^{2x} \cos e^x$

(22)  $f(x) = \ln \sin 3x$  فإن  $f'(x)$  تساوي :

- a)  $\frac{3 \cos 3x}{\sin 3x}$       b)  $\ln \cos 3x$   
c)  $\frac{\cos 3x}{\sin 3x}$       d)  $\frac{3 \sin 3x}{\cos 3x}$

(12) أحد التالية يكافئ المقدار

$$\log_a 64 - \log_a 16 + \log_a 4$$

- a)  $\log_a 4$       b)  $\log_a 32$   
c)  $\log_a 16$       d)  $\log_a 64$

(13) يمثل الاقتران

$$M(t) = 92 - 28 \log_{10}(t + 1)$$

المئوية للموضوعات التي يتذكرها الطالب من

ماده معينه بعد  $t$  شهرا من انهائه دراستها

جد النسبة المئوية للموضوعات التي يتذكرها

هذا الطالب بعد 29 شهرا من انهائه دراسة

المادة مقربا الإجابة الى أقرب عدد صحيح :

- a) 63      b) 62.5      c) 63.5      d) 64.5

(14) إذا كانت  $\log_a 4 = k$  ، احسب  $\log_a 16$

بدلالة k :

- a)  $\frac{k}{4}$       b)  $2k$       c)  $k$       d)  $4k$

(15) إذا كانت  $e^{x^2} = 1$  فإن قيمة x هي :

- a) 0      b) 2      c) 4      d) 1

(16) حل المعادلة الاسية  $2^{x+4} = 5^{3x}$  هو :

- a)  $\frac{4 \log 2}{3 \log 5 + \log 2}$   
b)  $\frac{-4 \log 2}{\log 2 + 3 \log 5}$   
c)  $\frac{4 \log 2}{3 \log 5 - \log 2}$   
d)  $\frac{-4 \log 2}{-3 \log 5 - \log 2}$

28) إذا كان اقتران الإيراد الكلي للمبيعات في

$$R(x) = x^2 + 50x$$

احدى الشركات هو : ديناراً , حيث  $x$  عدد الوحدات المنتجة من سلعة

ما , فإن الإيراد الحدي الناتج من بيع  $x$  وحدة

يساوي :

a)  $2x + 50x$                       b)  $50 + x^2$

c)  $50x + 2x^2$                       d)  $50 + 2x$

• إذا كان  $f(x) = x^3 - 3x^2 - 1$  أجب عن

الفرعين  $30 + 29$  :

29) قيمة  $x$  التي عندها قيمة عظمى محلية

لاقتران  $f$  هي :

a)  $-5$                       b)  $-1$                       c)  $0$                       d)  $2$

30) القيمة الصغرى المحلية للاقتران  $f$  هي :

a)  $-5$                       b)  $-1$                       c)  $0$                       d)  $2$

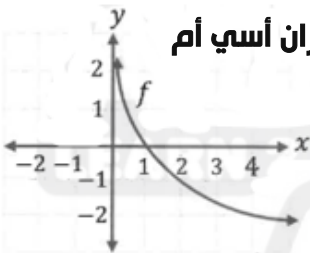
### السؤال الثاني :

a) معتمدا الشكل المجاور الذي يمثل منحنى

الاقتران  $f$  , أجب عن كل مما يأتي :

① بين إذا كان  $f(x)$  اقتران أسي أم

لوغاريتمي



② جد مجال ومدى

الاقتران  $f$

③ جد خطوط التقارب للاقتران (إن وجدت)

④ بين إذا كان الاقتران  $f$  متزايدا أم متناقصا

b) إذا كان :  $f(x) = 2^{-x}$  فأجب عن كل مما

يأتي :

① أكمل جدول القيم الآتية :

$x$	-2	___	0	1	___
$y = f(x)$	___	2	___	___	$\frac{1}{4}$

23) احسب ميل العمودي على المماس

لمنحنى :

$$f'(x) = \ln(x^2 + 3), \quad (x = 1)$$

a)  $-\frac{1}{2}$                       b)  $\frac{1}{2}$                       c)  $2$                       d)  $-2$

24) إذا كان  $f(x)$  اقتراننا متصلا , حيث

$$f'(0) = 0, \quad f(0) = 1$$

فإن معادلة المماس عندما  $x = 0$

a)  $y = 1$                       b)  $y = -1$

a)  $x = 1$                       b)  $x = -1$

25) إذا علمت أن  $f(x) = x^2 - 16x$  فما

قيمة  $x$  التي يكون فيها للمنحنى مماس

موازيا لمحور  $x$  :

a)  $0$                       b)  $16$                       c)  $-8$                       d)  $8$

26) استعمل اختبار المشتقة الثانية لإيجاد

القيم القصوى المحلية ( إن وجدت ) :

$$f(x) = 2x^2 + 4x - 3$$

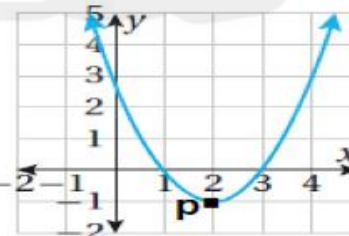
a)  $f(0) = -5$                       b)  $f(-1) = -5$

c)  $f(1) = 2$                       d)  $f(1) = -5$

27) يبين الشكل المجاور منحنى الاقتران :

$$f(x) = x^2 - 5x + 3$$

عند النقطة  $p$  تساوي :



a)  $y = 1 - x$

b)  $y = x - 1$

c)  $y = x - 2$

b)  $y = 2 - x$



**السؤال الرابع:**

① يمثل الاقتران

موقع  $S(t) = 2t^3 - 6t^2 + 8t, t \geq 0$

جسيم يتحرك في مسار مستقيم، حيث  $S$

الموقع بالأمتار، و  $t$  الزمن بالثواني، فإن

سرعة الجسيم المتجهة عندما يكون تسارعه

صفرًا؟

② أرادت إحدى الشركات أن تصنع خزانات من

الفولاذ الرقيق المقاوم للصدأ على شكل

متوازي مستطيلات بحيث يكون كل منهما

مفتوكًا من الأعلى، وحجمه  $500 m^3$ ،

وقاعدته مربعة الشكل. جد الأبعاد التي تجعل

مساحة سطح الخزان أقل ما يمكن

③ خطّ مزارع لتسييج حظيرة مستطيلة الشكل

قرب نهر كما في الشكل التالي، وحدّد مساحة

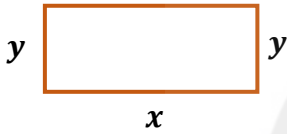
الحظيرة بـ  $245,000 m^2$  لتوفير كمية عشب

كافية لأغنامه. جد أبعاد الحظيرة التي تجعل

طول السياج أقل ما يُمكن، علماً بأن الجزء

المقابل للنهر لا يحتاج إلى تسييج

ماء



② مثل الاقتران  $f$  بيانيا مستعينا بالجدول

أعلاه

(c) إذا كان:  $\log_a x = 4, \log_a y = 3$ ،

فجد كلا مما يأتي:

①  $\log_a xy$

②  $\log_a x^3$

③  $\log_a \sqrt{y}$

④  $\log_a \left(\frac{y}{x}\right)^2$

(d) استثمر خالد مبلغ 3500 دينار بربح مركب

بفائدة 2.5% تضاف كل شهرين، أوجد جملة

المبلغ بعد 4 سنوات

(e) حل المعادلات الأسية الآتية:

$11^{3+2x} = 5^x$

$49^x + 7^x - 72 = 0$

**السؤال الثالث:**

① جد المشتقة  $\frac{dy}{dx}$  عند قيمة  $x$  المعطاه:

1.  $p(t) = \left(t^{\frac{1}{4}} + 3\right)^3, x = 16$

2.  $y = 4\sqrt[3]{(x^2 + 7)} + 2xe^{2-2x}, x = 1$

② جد المشتقة  $\frac{dy}{dx}$  كل مما يأتي:

1)  $y = e^{1-2x} + \cos^6 2x$

2)  $y = \sqrt{u-1}, u = 6 \sin x$

3.  $f(x) = \sin^2 3x - \frac{5}{\cos x}$

4.  $f(x) = \sin\left(\frac{1}{x}\right) + \ln(3x^2 + 2x)$



الإجابات:

b	1
b	2
d	3
d	4
a	5
b	6
d	7
d	8
a	9
c	10
c	11
c	12
a	13
b	14
a	15
c	16
b	17
a	18
c	19
d	20
a	21
d	22
c	23
a	24
d	25
b	26
a	27
d	28
d	29
b	30

السؤال الخامس:

- ① نفخت هديل بالونًا على شكل كرة ،  
فازداد نصف قطرها بمعدل 3 cm/s أجد  
معدل تغير البالون عندما يكون نصف قطره 4  
cm ، علمًا بأن العلاقة التي تربط بين حجم  
البالون (v) ونصف قطره (r) هي :  $v =$

$$\frac{4}{3}\pi r^3$$

- ② احسب  $\frac{dy}{dx}$  ،  $5x^2 - 7xy + 3y^2 = 1$  ،  
عند (1, 1)

@math\_mohdawwad  YouTube

@mohdawwad  Instagram

(7) المعادلة الأسية  $5^{-3} = 0.008$  تكتب

بصورة اللوغاريتم :

a)  $\log_5 0.008 = -3$

b)  $\log_5 - 3 = 0.008$

c)  $\log_5 0.0008 = -3$

d)  $\log_3 5 = 0.008$

(8) خط التقارب الرأسي للاقتران  $f(x) =$

$\log_{\frac{2}{7}} x$  هو :

a)  $x = 0$

b)  $x = 7$

c)  $x = -2$

d)  $x = 2$

(9)  $\log_7 \sqrt{7} + 2 \log 1 + \log_2 2$  يساوي :

a)  $\frac{1}{2}$

b)  $\frac{5}{2}$

c)  $\frac{7}{2}$

d)  $\frac{3}{2}$

(10) الاقترانات الأسية في صورة

$f(x) = \log_a b$  حيث  $a, b$  عدد حقيقي ,

$a > 0, a \neq 1, b > 0$  تمر جميع منحنياتها

بالنقطة :

a) (0, 1)

b) (0, 0)

c) (1, 1)

d) (1, 0)

(11) مجال الاقتران

$f(x) = \log_7(x^2 - x - 2)$  هو :

a)  $(-\infty, -1)(2, \infty)$

b)  $(-1, 2)$

c)  $(-\infty, 1)(-2, \infty)$

d)  $(1, -2)$

• اذا كان  $\log_b y = 3$

$\log_b x = 4$ , فإجب عن الفقرتين الآتيتين:

12. قيمة  $\log_b xy$  هي:

a) 12

b) 7

c) 1

d)  $\frac{4}{3}$

## السؤال الأول :

ضع دائرة حول رمز الإجابة الصحيحة في كل

مما يلي :

(1) مجال الاقتران  $f(x) = -2(4)^x - 2$  هو :

a)  $(-\infty, 0)$

b)  $R$

c)  $(0, \infty)$

d)  $(-2, \infty)$

(2) أحد الاقترانات التالية يعد اقتران متزايد :

a)  $f(x) = \frac{1}{2}(2)^{-x} - 5$

b)  $f(x) = \frac{1}{2}(2)^{-x} + 5$

c)  $f(x) = 2\left(\frac{1}{4}\right)^x$

d)  $f(x) = -2\left(\frac{1}{2}\right)^{x+13}$

(3) مدى الاقتران للاقتران  $f(x) = 2^{-x} + 3$

هو :

a)  $(3, \infty)$

b)  $(-\infty, -3)$

c)  $(-3, \infty)$

d)  $(-\infty, 3)$

(4) إذا كانت  $f(x) = ab^x$  فإن قيمة  $\frac{f(x+1)}{f(x-1)}$

هو :

a) 1

b)  $b^3$

c)  $b^2$

d)  $b$

(5) أودع شخص مبلغ 2000 دينار في حساب

بنكي بنسبة ربح مركب ستمر 2% , احسب

جملة المبلغ بعد 6 سنوات :

a)  $2000e^{0.02}$

b)  $2000e^6$

c)  $2000e^{\frac{0.02}{6}}$

d)  $2000e^{0.12}$

(6) استثمرت تهاني مبلغ JD 15000 في

شركة , بنسبة ربح مركب تبلغ 2.25% , وتضاف

كل 6 أشهر , جد جملة المبلغ بعد 5 سنوات

a) 16775.5

b) 1676

c) 16755

d) 1678

(19) إذا كانت  $f(x) = \frac{7x}{2x-3}$  , فإن  $f'(x)$  تساوي :

- a)  $\frac{-21}{(2x-3)^2}$       b)  $\frac{21}{(6x-3)^2}$   
c)  $\frac{21}{2x-3}$       d)  $\frac{-21}{(2x-3)}$

(20) إذا كانت  $f(x) = \sin^5 3x$  , فإن  $f'(x)$  تساوي :

- a)  $5\sin^4 3x \cos 3x$   
b)  $-5\sin^4 3x \cos 3x$   
c)  $15\sin^4 3x \cos 3x$   
d)  $-15\sin^4 3x \cos 3x$

(21) إذا كان  $h(x) = f(g(x))$  حيث

$$f(u) = u^2 - 1 \text{ وكان } g'(2) = -1$$

$$g(2) = 3 \text{ فجد } h'(2)$$

- a) -3      b) 3      c) 6      d) -6

(22) إذا كان  $f(x) = e^{x^3}$  , فإن  $f'(x)$  تساوي:

- a)  $3x^2 e^x$       b)  $3x^2 e^{x^3}$   
c)  $e^{x^3}$       d)  $3x^2$

(23)  $f(x) = \frac{\cos x}{1-\sin x}$  فإن  $f'(x)$  تساوي :

- a)  $\frac{1}{1-\sin x}$       b)  $\frac{\cos x}{(1-\sin x)^2}$   
c)  $\sin x - 1$       d)  $\frac{3-\cos x}{(1-\sin x)^2}$



13. قيمة  $\log_b \left(\frac{y}{x}\right)$  هي :

- a) 12      b) -1      c) 1      d)  $\frac{4}{3}$

(14) أحد التالية يكافئ المقدار  $\log_a \sqrt{\frac{x^{12}y^2}{m^3a^2}}$  :

- a)  $6 \log_a x + \log_a y - \frac{3}{2} \log_a m - 1$   
b)  $6 \log_a x + \log_a y - \frac{3}{2} \log_a m + 1$   
c)  $6 \log_a x + \log_a y + \frac{3}{2} \log_a m - 1$   
d)  $6 \log_a x - \log_a y - \frac{3}{2} \log_a m - 1$

(15) حل المعادلة الأسية

$$9^{2x} - 2(9^x) = 0 \text{ هو :}$$

- a)  $\frac{\ln 2}{\ln 9}$       b)  $\frac{\ln 9}{\ln 2}$       c)  $\frac{\ln 9}{\ln 2}$       d)  $\frac{\ln 2}{\ln 9}$

(16) المقدار  $\log_4 100$  يكافئ :

- a)  $-2 \log 4$       b)  $2 \log 4$   
c)  $\frac{2}{\log 4}$       d)  $-\frac{2}{\log 4}$

(17) إذا كانت  $f(x) = b^3 x$  بحيث b عدد ثابت

فإن  $f'(x)$  تساوي :

- a)  $3b^3 x$       b)  $3b^3 x$   
c)  $b^3$       d)  $3b^2$

(18) إذا كان  $f(x) = g(x)h(x)$  , وكان

$g(x), h(x)$  قابلين للاشتقاق , فإن  $f'(x)$

تساوي :

- a)  $g'(x)h'(x)$       b)  $g(x)h'(x) - g'(x)h(x)$   
c)  $g'(x) + h'(x)$       d)  $g(x)h'(x) + g'(x)h(x)$

**السؤال الثاني :**

(a) إذا كان الاقتران :  $f(x) = 3(2)^{x-1} + 5$  فأجب عن كل مما يأتي :

① جد مجال ومدى الاقتران  $f$

② جد خط التقارب الأفقي للاقتران

③ بين إذا كان الاقتران  $f$  متزايدا أم متناقصا

(b) إذا كان :  $f(x) = \log_3 x$  فأجب عن كل مما يأتي :

① أكمل جدول القيم الآتي :

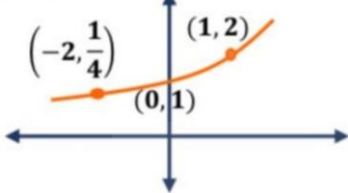
$x$	—	$\frac{1}{3}$	—	3	9
$y = f(x)$	-2	—	0	—	—

② مثل الاقتران  $f$  بيانيا مستعينا بالجدول

أعلاه

(c) بين الشكل المجاور التمثيل البياني

للمنحنى , فما قيمة  $f(3)$   $f(x) = ab^{-x}$



(d) قيمة الثابت  $a$  التي تجعل  $f(x) =$

$\log_a x$  يمر  $(\sqrt{3}, 2)$

**السؤال الثالث :**

① جد النقطة التي على منحنى

$f(x) = x^2 - 5x + 3$  التي يكون المماس

يوازي للمستقيم :  $y = 3x + 4$

② تحدّ : إذا مثل الاقتران  $s(t) = 2t^3 -$

$10, t \geq 0$  موقع جسم يتحرك في

مسار مستقيم حيث  $s$  الموقع بالأمتار , و  $t$

الزمن بالثواني , فما تسارع الجسم عندما تكون

سرعته صفراً ؟

(24) إذا علمت أن الاقتران  $f(x) = x^2 - 12x$

, فما قيمة  $x$  التي يكون منحنى الاقتران  $f$

عندها مماساً موازيا لمحور السينات ( أفقياً ) ؟

a) 0

b) 12

c) 6

d) - 6

(25) إذا كانت  $f(x) = e^{3x} + \ln x$  فإن

$f''(x)$  تساوي :

a)  $f''(x) = 9e^{3x} - \frac{1}{x^2}$

b)  $f''(x) = 6e^{3x} - \frac{1}{x}$

c)  $f''(x) = 9e^{3x} - \ln x$

d)  $f''(x) = 6e^{3x} - \frac{1}{x^2}$

(26) إذا كان  $c(x) = 40 + 3x^2$  اقتران

التكلفة الكلية لإنتاج  $x$  قطعة من سلعة ما

هو , فإن التكلفة الحدية لإنتاج 20 قطعة من

السلعة نفسها هي :

a) 400

b) 160

c) 120

d) 46

(27) إذا كانت  $f(x) = ax^2 + x^3 - 8$  وكان

المماس عندما  $x = 2$  أفقياً , فما قيمة  $a$  ؟

a) - 3

b) 3

c) 2

d) - 2



## السؤال الرابع:

① صندوقاً على شكل متوازي مستطيلات. إذا كانت قاعدة الصندوق مربعة الشكل وطول ضلع القاعدة  $x$  cm ومجموع أطوال أحرفه  $144$  cm فجد كلاً مما يأتي :

(a) الاقتران الذي يُمثل حجم الصندوق بدلالة  $x$

(b) قيمة  $x$  التي تجعل حجم الصندوق أكبر ما يُمكن

② قطعة ورق مستطيلة الشكل ، طولها  $8$  cm ، عرضها  $8$  cm ، قُص من زوايا القطعة مربعات متطابقة ، طول ضلع كلٍّ منها  $x$  cm ، كما في الشكل المجاور ، ثم تُنبت لتشكيل علبة :

(a) جد الاقتران الذي يُمثل حجم العلبة بدلالة  $x$

(b) جد قيمة  $x$  التي تجعل حجم العلبة أكبر ما يُمكن

## السؤال الخامس:

① احسب معادلة المماس والعمودي لمنحنى

$$y^3 - 2x^2 = 6x \text{ عندما } x = 1$$

② بالونات : نفخت ماجدة بالوناً على شكل كرة ، فازداد حجمه بمعدل  $800 \text{ cm}^3 / \text{s}$  . أجد معدل زيادة نصف قطر البالون عندما يكون طول نصف قطره  $60 \text{ cm}$  ، علماً بأن العلاقة بين حجم البالون ( $v$ ) ونصف قطره ( $r$ ) هي :  $v =$

$$\frac{4}{3} \pi r^3$$

## الإجابات:

b	1
d	2
a	3
c	4
d	5
a	6
a	7
d	8
a	9
a	10
a	11
b	12
a	13
d	14
c	15
c	16
d	17
a	18
c	19
d	20
b	21
a	22
c	23
a	24
c	25
a	26

@math\_mohdawwad  YouTube

@mohdawwad  Instagram