

القدس لنا



# جميع أسئلة الوزارة

( 2023 - 2024 )

مع إجاباته الدوائر

الصف الثاني الثانوي

Hasanat

# العلمي

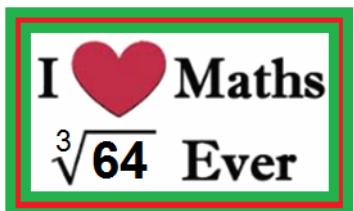


الفصل الدراسي الثاني (Collins)

الأستاذ : عبد القادر الحسنات

078 531 88 77

2 ∞ & >





ادارة الامتحانات والاختبارات  
قسم الامتحانات العامة

٤



٢



## امتحان شهادة الدراسة الثانوية العامة لعام ٢٠٢٣

(وثيقة محمية/محلود)

مدة الامتحان: ٣٠ دس

رقم المبحث: 212

المبحث: الرياضيات (الورقة الثانية، ف٢)

اليوم والتاريخ: الخميس ١٣ / ٧ / ٢٠٢٣

رقم النموذج: (١)

الفرع: العلمي + الصناعي جامعات

رقم الجلوس:

اسم الطالب:

منحوظة مهمة: أجب عن الأسئلة الآتية جميعها وعدها (٥) بحيث تكون إجابتك عن السؤال الأول على نموذج الإجابة (ورقة القارئ الضوئي)، وتكون إجابتك عن باقي الأسئلة على دفتر الإجابة، علماً أنَّ عدد صفحات الامتحان (٨).

السؤال الأول: (١٠٠ علامة)

اختر رمز الإجابة الصحيحة في كل فقرة مما يأتي، ثم ظلل بشكل غامق الدائرة التي تشير إلى رمز الإجابة في نموذج الإجابة (ورقة القارئ الضوئي) فهو النموذج المعتمد (فقط) لاحتساب علامتك في هذا السؤال، علماً أنَّ عدد فقراته (٢٥)، وانتبه عند تضليل إجابتك أنَّ رمز الإجابة (أ) على ورقة الأسئلة يقابلها (أ) على ورقة القارئ الضوئي، و(b) يقابلها (ب)، و(c) يقابلها (ج)، و(d) يقابلها (د).

(١) قيمة:  $\int_0^1 (2^e)^x dx$  هي:

a)  $\frac{2^e}{e \ln 2}$

b)  $\frac{2^e - 1}{\ln 2}$

c)  $\frac{2^e - 1}{e \ln 2}$

d)  $\frac{1}{e \ln 2}$

(٢) ناتج:  $\int \left( \frac{1}{\sin^2(3x)} + \pi \right) dx$  هو:

a)  $-\frac{1}{3} \cot(3x) + \pi x + C$

b)  $\frac{1}{3} \cot(3x) + \pi + C$

c)  $-\frac{1}{3} \tan(3x) + \pi x + C$

d)  $\frac{1}{3} \tan(3x) + \pi + C$

(٣) ناتج:  $\int \cot(-x) dx$  هو:

a)  $\ln |\csc x \cot x| + C$

b)  $-\ln |\csc x \cot x| + C$

c)  $\ln |\csc x| + C$

d)  $-\ln |\csc x| + C$

يتبع الصفحة الثانية ....

الصفحة الثانية / نموذج (١)

قيمة:  $\int_3^4 |4 - 2x| dx$  هي: (4)

a)  $-3$

b)  $3$

c)  $-2$

d)  $2$

(5) إذا كان:  $f'(x) = \frac{3x^3+1}{x}$  ، وكان:  $f(1) = 6$  ، فإن قاعدة الاقتران  $f$  هي:

a)  $f(x) = 3x^2 + \ln|x| + 5$

b)  $f(x) = x^3 + \ln|x| + 5$

c)  $f(x) = x^3 + \ln|x| - 5$

d)  $f(x) = x^3 - \ln|x| + 5$

(6) يتحرك جسم في مسار مستقيم، وتعطى سرعته المتجهة بالاقتران:  $v(t) = \frac{-3t}{t^2+2}$  ، حيث  $t$  الزمن بالثواني،

و  $v$  سرعته المتجهة بالمتر لكل ثانية. إزاحة الجسم بالأمتار في الفترة  $[0, 4]$  تساوي:

a)  $-\frac{3}{2} \ln 3$

b)  $-\frac{3}{2} \ln 9$

c)  $\frac{3}{2} \ln 3$

d)  $\frac{3}{2} \ln 9$

(7) ناتج:  $\int \frac{(\ln x)^4}{x} dx$  هو:

a)  $\frac{1}{6} \ln x^6 + C$

b)  $\frac{1}{5} \ln x^5 + C$

c)  $\frac{1}{6} (\ln x)^6 + C$

d)  $\frac{1}{5} (\ln x)^5 + C$

(8) ناتج:  $\int \sin^3 x dx$  هو:

a)  $\cos x - \frac{1}{3} \cos^3 x + C$

b)  $\frac{1}{3} \sin^3 x - \sin x + C$

c)  $\frac{1}{3} \cos^3 x - \cos x + C$

d)  $\sin x - \frac{1}{3} \sin^3 x + C$

يتبع الصفحة الثالثة ....

الصفحة الثالثة/نموذج (١)

(٩) ناتج:  $\int 6x \ln x \, dx$  هو:

- a)  $3x^2 \ln x - \frac{3}{2}x^2 + C$
- b)  $3x \ln x - \frac{3}{2}x^2 + C$
- c)  $3x^2 \ln x + \frac{3}{2}x^2 + C$
- d)  $3x \ln x + \frac{3}{2}x^2 + C$

(١٠) ناتج:  $\int 5x \cos(5x) \, dx$  هو:

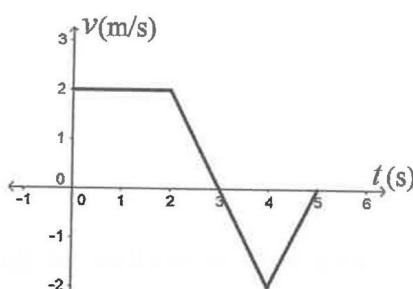
- a)  $x \cos(5x) + \frac{1}{5}\sin(5x) + C$
- b)  $x \sin(5x) + \frac{1}{5}\cos(5x) + C$
- c)  $x \cos(5x) - \frac{1}{5}\sin(5x) + C$
- d)  $x \sin(5x) - \frac{1}{5}\cos(5x) + C$

(١١) قيمة:  $\int_0^1 x 4^x \, dx$  هي:

- a)  $\frac{4 \ln 4 - 4}{(\ln 4)^2}$
- b)  $\frac{4 \ln 4 + 4}{(\ln 4)^2}$
- c)  $\frac{4 \ln 4 + 3}{(\ln 4)^2}$
- d)  $\frac{4 \ln 4 - 3}{(\ln 4)^2}$

(١٢) يُبيّن الشكل الآتي منحني السرعة المتجهة - الزمن لجسيم يتحرك على المحور  $x$  في الفترة الزمنية  $[0, 5]$  إذا بدأ الجسيم حركته من  $x = 3$  عندما  $t = 0$  ، فإنّ الموضع النهائي للجسيم هو:

- a) 10 m
- b) 5 m
- c) 7 m
- d) 6 m



(١٣) الحل الخاص للمعادلة التفاضلية:  $dy = \sec x \tan x \, dx$  ، الذي يحقق النقطة  $(\pi, -4)$  هو:

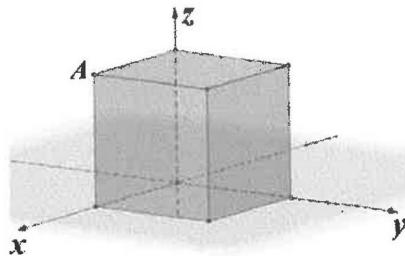
- a)  $y = \sec x + 3$
- b)  $y = \sec x - 3$
- c)  $y = \tan^2 x + 5$
- d)  $y = \tan^2 x - 5$

يتبّع الصفحة الرابعة ....

الصفحة الرابعة/نموذج (١)

(١٤) اعتماداً على الشكل الآتي الذي يمثل مكعباً طول ضلعه 8 cm ، فإنَّ إحداثيات النقطة A هي:

- a) (0, 8, 8)
- b) (0, 8, 0)
- c) (8, 0, 8) ✓
- d) (8, 8, 0)



(١٥) إذا كانت:  $A(3, a, 2)$  و  $B(-5, 2, a+b)$  ، وكانت إحداثيات نقطة منتصف  $\overline{AB}$  هي  $(3, 3, 1)$  ،  
فإنَّ قيمة الثابت b هي:

- a) -2
- b) 2
- c) -4 ✓
- d) 4

(١٦) إذا كان:  $\langle \vec{u} \rangle = \langle 3, -5, -2 \rangle$  ،  $\langle \vec{v} \rangle = \langle 1, 3, 1 \rangle$  ، فإنَّ  $2\vec{u} - \vec{v}$  هو:

- a)  $\langle 7, -13, -5 \rangle$
- b)  $\langle -5, 13, 5 \rangle$
- c)  $\langle 7, -13, 5 \rangle$
- d)  $\langle 5, -13, -5 \rangle$  ✓

(١٧) إذا كان متجه الموضع للنقطة P هو  $\langle 6, 5, 7 \rangle$  ، وكان متجه الموضع للنقطة Q هو  $\langle 1, 1, 1 \rangle$  ،  
فإنَّ متجه الموضع للنقطة F التي تقع على  $\overline{PQ}$  ، حيث:  $\overrightarrow{PF} = \frac{2}{3} \overrightarrow{PQ}$  هو:

- a)  $\langle 4, 1, 3 \rangle$
- b)  $\langle -3, -6, -6 \rangle$
- c)  $\langle 4, 9, 11 \rangle$
- d)  $\langle -2, -4, -4 \rangle$

(١٨) إذا كانت النقطة  $(1, 2a, -1)$  تقع على مستقيم له معادلة متجهة هي:  
 $\vec{r} = \langle -2, 9, 1 \rangle + t\langle 3, -1, -2 \rangle$  ، فإنَّ قيمة الثابت a هي:

- a) -4
- b) 4 ✓
- c) -8
- d) 8

الصفحة الخامسة/نموذج (1)

إذا كان:  $\vec{v} = \langle 3c, 2, -12 \rangle$  ،  $\vec{u} = \langle 13, -3, 6 \rangle$  متعامدين، فإن قيمة الثابت  $c$  هي: (19)

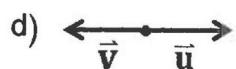
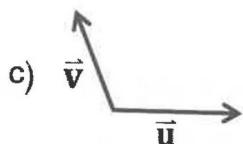
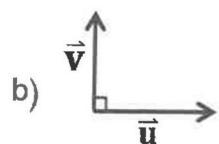
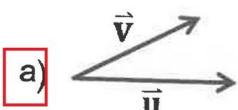
a) 2

b) -2

c)  $\frac{13}{3}$

d)  $\frac{32}{3}$

إذا كان:  $\vec{v}$ ,  $\vec{u}$  متجهين غير صفريين، فأي الأشكال الآتية يكون فيها  $\vec{u} \cdot \vec{v} > 0$ ? (20)



إذا كان:  $P(X > 2)$  ، فإن  $X \sim Geo(0.6)$  هو: (21)

a) 0.30

b) 0.36

c)

**0.16**

d) 0.40

**الصفحة السادسة/نموذج (١)**

(22) إذا كان احتمال إصابة لاعب للهدف في لعبة رمي السهام يساوي  $\frac{4}{5}$  ، وحاول هذا اللاعب إصابة الهدف في 5 رميات متتالية، فإن احتمال إصابته للهدف في 4 من رمياته على الأقل هو :

- a)  $\left(\frac{4}{5}\right)^5$
- b)  $\left(\frac{4}{5}\right)^3 \left(\frac{1}{5}\right)^2$
- c)  $\left(\frac{4}{5}\right)^4 + \left(\frac{1}{5}\right)^5$
- d)  $\left(\frac{4}{5}\right)^4 + \left(\frac{4}{5}\right)^5$

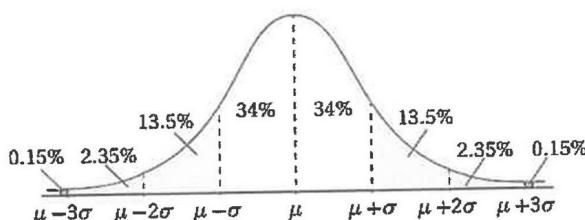
(23) إذا كان:  $X \sim B(200, p)$  ، وكان التباين للمتغير العشوائي  $X$  يساوي 18 ، فإن قيمة الثابت  $p$  الممكنة هي:

- a)  $p = 0.1, p = 0.9$
- b)  $p = 0.2, p = 0.8$
- c)  $p = 0.3, p = 0.7$
- d)  $p = 0.4, p = 0.6$

(24) إذا كان  $X \sim N(8, 0.04)$  ، فإن  $P(7.6 < X < 8.2)$  هو:

ملحوظة: يمكنك الاستفادة من القاعدة التجريبية.

- a) 0.950
- b) 0.680
- c) 0.815
- d) 0.475



(25) إذا كان:  $X \sim N(7, 2^2)$  ، وكان:  $P(X > x) = 0.1469$  ، فإن قيمة  $x$  هي:

- a) 5.10
- b) 9.10
- c) 8.05
- d) 10.05

ملحوظة: يمكنك الاستفادة من الجدول الآتي والذي يمثل بعض من قيم جدول التوزيع الطبيعي المعياري.

$z$	0	0.5	1.05	1.5	2
$P(Z < z)$	0.5000	0.6915	0.8531	0.9332	0.9772

.... يتبع الصفحة السابعة

الصفحة السابعة/نموذج (1)

السؤال الثاني: (30 علامة)

(a) جد كلًّا من التكاملات الآتية:

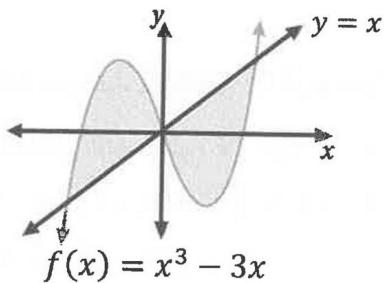
$$1) \int \sec^2 x \tan x \sqrt{1 + \tan x} \, dx$$

(10 علامات)

$$2) \int \frac{7x^2 - 16x - 2}{(x^2 + 2)(x - 2)} \, dx$$

(10 علامات)

(b) معتمدًا الشكل المجاور، ما مساحة المنطقة المظللة؟



(10 علامات)

السؤال الثالث: (24 علامة)

(a) جد حجم المجسم الناتج عن دوران المنطقة المحصورة بين منحني الاقترانين الآتيين حول المحور  $x$ .

$$f(x) = (x - 2)^2, \quad g(x) = 2 - (x - 2)^2$$

(12 علامة)

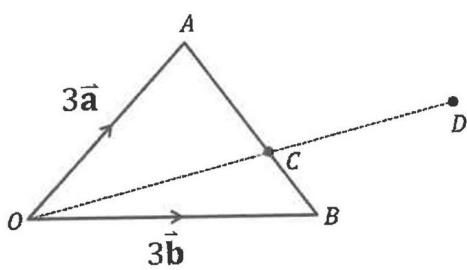
(b) تُمثل المعادلة التفاضلية:  $\frac{dy}{dx} = \frac{9x^2 - 3}{y^2} - 3x^2y + y$  ميل المماس لمنحنى علاقة ما.

جد قاعدة هذه العلاقة، إذا علمت أنَّ منحناها يمر بالنقطة  $(2, \sqrt[3]{3})$ .

(12 علامة)

الصفحة الثامنة/نموذج (١)

السؤال الرابع: (٢٢ علامة)

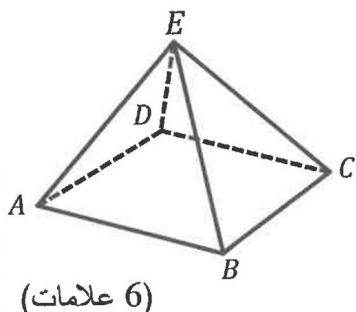


- (a) معتمداً الشكل المجاور الذي يظهر فيه المثلث  $OAB$ ، والنقطتان:  $C$ ، و  $D$ . إذا كان:  $\overrightarrow{OA} = 3\vec{a}$ ،  $\overrightarrow{OB} = 3\vec{b}$  وكانت النقطة  $C$  تقع على  $\overline{AB}$  ، حيث:  $AC = m CB$  ، وكان  $\overrightarrow{BD} = 2\vec{a} + \vec{b}$  ، فجد قيمة الثابت  $m$  التي تجعل النقاط  $O, C, D$  تقع على استقامة واحدة.

(١٢ علامة)

- (b) إذا كان:  $\langle 5, 4, 0 \rangle$  ،  $\langle -2, 2, 5 \rangle$  ،  $\langle 10, 3, 0 \rangle$  ، وكان:  $\langle 10, 4, 0 \rangle + t\langle 6, 3, 5 \rangle$  ، فأثبت أن المستقيمين  $l_1$  و  $l_2$  متخالفان.

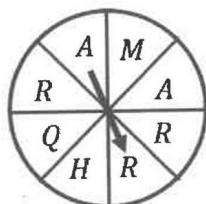
(١٠ علامات)



(٦ علامات)

السؤال الخامس: (٢٤ علامة)

- (a) معتمداً الشكل المجاور الذي يظهر فيه الهرم الرباعي  $ABCDE$ ، إذا كان:  $\langle 1, -4, -10 \rangle$  ،  $\langle -7, -8 \rangle$  ، فجد  $m\angle BED$  إلى أقرب عشر درجة.



(١٠ علامات)

- (b) يمثل الشكل المجاور قرصاً مقسماً إلى 8 قطاعات متطابقة. إذا دُوِّرَ مؤشر القرص 6 مرات ، ودلل المتغير العشوائي  $X$  على عدد مرات توقف المؤشر على الحرف  $R$  ، فجد كلاً من الاحتمالات الآتية:
- 1) توقف المؤشر على الحرف  $R$  ثلث مرات فقط.
  - 2) توقف المؤشر على الحرف  $R$  مرة واحدة على الأقل.

- (c) يدل المتغير العشوائي  $X \sim N(5, \sigma^2)$  على كتل أكياس الأرز (بالكيلوغرام) التي ينتجه أحد المصانع. إذا زادت كتلة 2.5% فقط منها على  $5.3$  Kg ، فجد الانحراف المعياري لكتل أكياس الأرز.

(٨ علامات)

ملحوظة: يمكنك الاستفادة من الجدول الآتي والذي يمثل بعض من قيم جدول التوزيع الطبيعي المعياري.

$z$	0.25	1.69	1.5	1.96	2
$P(Z < z)$	0.5987	0.9545	0.9332	0.9750	0.9772

«انتهت الأسئلة»



## امتحان شهادة الدراسة الثانوية العامة لعام ٢٠٢٣ التكميلي

(وثيقة محمية/محدود)

مدة الامتحان: ٣٠ دس

رقم المبحث: 208

اليوم والتاريخ: الثلاثاء ٢٠٢٤/١٠/٢

رقم النموذج: (١)

رقم الجلوس:

المبحث: الرياضيات (ورقة الثانية، ف٢)

الفرع: العلمي + الصناعي جامعات

اسم الطالب:

ملحوظة مهمة: أجب عن الأسئلة الآتية جميعها وعددها (5)، بحيث تكون إجابتك عن السؤال الأول على نموذج الإجابة (ورقة القارئ الضوئي)، وتكون إجابتك عن باقي الأسئلة على دفتر الإجابة، علماً أنّ عدد صفحات الامتحان (8).

السؤال الأول: (100 علامة)

اختر رمز الإجابة الصحيحة في كل فقرة مما يأتي، ثم ظلّ بشكل عامق الدائرة التي تشير إلى رمز الإجابة في نموذج الإجابة (ورقة القارئ الضوئي) فهو النموذج المعتمد (فقط) لاحتساب علامتك في هذا السؤال، علماً أنّ عدد فقراته (25)، وانتبه عند تضليل إجابتك أنّ رمز الإجابة (a) على ورقة الأسئلة يقابله (أ) على ورقة القارئ الضوئي، و (b) يقابله (ب)، و (c) يقابله (ج)، و (d) يقابله (د).

(1) قيمة  $\int_{-1}^1 3^x dx$  تساوي:

a)  $\frac{2}{3 \ln 3}$

▼ b)  $\frac{8}{3 \ln 3}$

c)  $\frac{2}{3}$

d)  $\frac{8}{3}$

يساوي:  $\int \sin(5 - 3x) dx$  (2)

a)  $-\cos\left(5x - \frac{3}{2}x^2\right) + C$

b)  $\cos(5 - 3x) + C$

c)  $-\frac{\cos(5-3x)}{3} + C$

▼ d)  $\frac{\cos(5-3x)}{3} + C$

يساوي:  $\int (\tan^2 2x - \sec^2 2x) dx$  (3)

a)  $x + C$

▼ b)  $-x + C$

c)  $x - \tan 2x + C$

d)  $\tan 2x - x + C$

**الصفحة الثانية/نموذج (١)**

$$(4) \text{ إذا كان: } f(x) = \begin{cases} (2-3x)^2 & , x < 1 \\ 3x^2 - 2x & , x \geq 1 \end{cases}$$

a) 1

b) 17

c) 18

▼ 19

(5) إذا كان:  $f'(x) = e^x + e^{-x}$  يمثل ميل المماس لمنحنى الاقتران  $f$  ، وكان منحنى الاقتران يمر بالنقطة  $(-1, 0)$ ، فإن قاعدة الاقتران  $f$  ، هي:

▼  $f(x) = e^x - e^{-x} - 1$

b)  $f(x) = e^x + e^{-x} + 1$

c)  $f(x) = e^x - e^{-x} + 1$

d)  $f(x) = e^x + e^{-x} - 1$

(6) يتحرك جسم في مسار مستقيم، وتعطى سرعته المتجهة بالاقتران:  $v(t) = 12t - 3t^2$  ، حيث  $t$  الزمن بالثواني، و  $v$  السرعة المتجهة بالметр لكل ثانية. فإن ازاحة الجسم في الفترة  $[0, 6]$  تساوي:

a) -36

▼ 0

c) 36

d) -24

$\int (1-2x) \sqrt[3]{x^2-x} dx$  (7) يساوي:

a)  $\frac{3\sqrt[3]{(x^2-x)^4}}{4} + C$

b)  $-\frac{3\sqrt[4]{(x^2-x)^3}}{4} + C$

▼ c)  $-\frac{3\sqrt[3]{(x^2-x)^4}}{4} + C$

d)  $\frac{3\sqrt[4]{(x^2-x)^3}}{4} + C$

$\int \sin^2 x \sin 2x dx$  (8) يساوي:

a)  $-\frac{\sin^4 x}{2} + C$

b)  $-\frac{\cos^3 x}{3} + C$

c)  $\frac{\cos^4 x}{2} + C$

▼ d)  $\frac{\sin^4 x}{2} + C$

يتبع الصفحة الثالثة ....

الصفحة الثالثة/نموذج (١)

قيمة  $\int_1^2 \ln x^2 dx$  تساوي: 9

▼ 4  $\ln 2 - 2$

- b)  $4 \ln 2 - 6$
- c)  $4 \ln 2 - 4$
- d)  $2 \ln 2 - 1$

: يساوي  $\int x \csc^2 x dx$  (10)

a)  $-x \cot x + \ln|\cos x| + C$

b)  $x \cot x - \ln|\cos x| + C$

▼  $-x \cot x + \ln|\sin x| + C$

d)  $x \cot x + \ln|\sin x| + C$

(11) إذا كان:  $\int_0^1 xf'(x)dx$  ، فإن قيمة  $\int_0^1 f(x)dx = 1$  ،  $f(1) = 8$  ،  $f(0) = 5$  تساوي:

a) 2

b) 3

c) 8

▼ 7

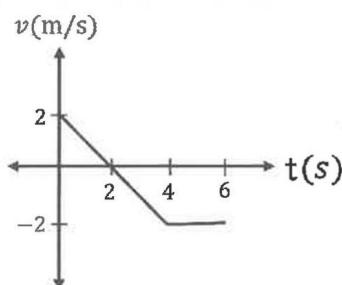
(12) معتمداً الشكل المجاور الذي يمثل منحنى السرعة المتجهة - الزمن لجسم يتحرك على المحور  $x$  في الفترة الزمنية  $[0, 6]$ . إذا بدأ الجسم الحركة من  $x = 10$  ، عندما  $t = 0$  ، فإن موقع الجسم النهائي، هو:

a) 4

▼ 6

c) 14

d) 18



(13) إذا كانت:  $\frac{dy}{dx} = \tan x - xe^{-x^2}$  ، فإن الحل الخاص الذي يحقق النقطة  $(0, 0)$  ، هو:

a)  $y = -\ln|\cos x| + \frac{1}{2}e^{-x^2} + \frac{1}{2}$

b)  $y = \ln|\cos x| + \frac{1}{2}e^{-x^2} + \frac{1}{2}$

▼  $y = -\ln|\cos x| + \frac{1}{2}e^{-x^2} - \frac{1}{2}$

d)  $y = \ln|\cos x| - \frac{1}{2}e^{-x^2} - \frac{1}{2}$

يتابع الصفحة الرابعة ....

الصفحة الرابعة/نموذج (١)

(١٤) عند تحديد النقطة  $A(0, -1, 1)$  في نظام الإحداثيات ثلاثي الأبعاد، فإنها تقع على:

a) المستوى  $xy$

b) المحور  $x$

c) المستوى  $yz$

d) المحور  $y$

(١٥) إذا كانت  $AB$  يساوي: إذا كانت  $A(-5, 2, 5), B(-1, 5, -7)$  ، فإن  $AB$  يساوي:

a) 7

b) 13

c)  $\sqrt{89}$

d)  $\sqrt{229}$

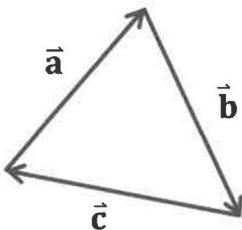
(١٦) معتمداً الشكل الآتي الذي يمثل كلاً من المتجهات  $\vec{a}, \vec{b}, \vec{c}$  ، أيٌ من الآتية يمثل جمًعاً هندسياً صحيحاً للمتجهات؟

a)  $\vec{a} = \vec{b} + \vec{c}$

b)  $\vec{c} = \vec{b} + \vec{a}$

c)  $\vec{b} = \vec{c} - \vec{a}$

d)  $\vec{c} = -\vec{b} - \vec{a}$



(١٧) إذا كان  $A(3, 2, -7), B(-8, 1, -9)$  ، فإن متجه الإزاحة من النقطة  $B$  إلى النقطة  $A$  ، هو:

a)  $\langle 11, 1, 2 \rangle$

b)  $\langle -11, -1, -2 \rangle$

c)  $\langle 5, -3, 16 \rangle$

d)  $\langle -5, 3, -16 \rangle$

(١٨) إذا كانت:  $\vec{r} = \langle -1, 5, 2 \rangle + t\langle 4, 0, 5 \rangle$  معادلة متجهة للخط  $l$  ، و  $P(5, 5, 7)$  نقطة غير واقعة عليه،

وكان점 النقطة  $F$  هي مسقط النقطة  $P$  على الخط  $l$  ، فإن  $\overrightarrow{PF}$  ، هو:

a)  $\langle 4 + 4t, 10, 9 + 5t \rangle$

b)  $\langle 6 + 4t, 0, 5 + 5t \rangle$

c)  $\langle -6 + 4t, 0, -5 + 5t \rangle$

d)  $\langle 5 + 4t, 5, 7 + 5t \rangle$

يتبع الصفحة الخامسة ....

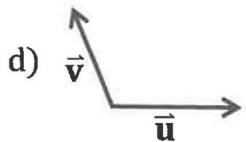
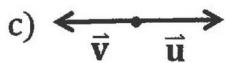
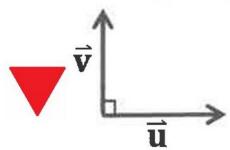
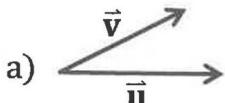
الصفحة الخامسة/نموذج (١)

(19) إذا كان:  $\vec{u} = \overrightarrow{AB}$  ، وكان  $A(2, 1, 4)$  ،  $B(-3, 0, 4)$  ،  $\vec{c} = \langle 1, -2, 6 \rangle$  يساوي:

▼ -3

- b) 3
- c) -7
- d) 7

(20) إذا كان:  $\vec{u}$ ،  $\vec{v}$  متجهين غير صفريين، وكان  $\vec{u} \cdot \vec{v} = 0$  ، فإن الشكل الأنسب للتعبير عن المتجهين  $\vec{u}$ ،  $\vec{v}$  هندسياً من الأشكال الآتية، هو:



(21) إذا كان  $P(X = 2) = X \sim Geo\left(\frac{3}{4}\right)$  يساوي:

a)  $\frac{9}{64}$

b)  $\frac{9}{16}$

c)  $\frac{3}{64}$

▼ d)  $\frac{3}{16}$

(22) احتمال ظهور ثلاجة بها عيب في إحدى شركات تصنيع الثلاجات يساوي 4%، إذا اختيرت عينة عشوائية من 10 ثلاجات، فإن احتمال أن تكون ثلاجتان فيهما عيب، هو تقريباً:

- a) 0.028
- b) 0.520
- c) 0.280

▼ d) 0.052

### الصفحة السادسة/نموذج(١)

(23) إذا كان:  $X \sim Geo\left(\frac{5}{8}\right)$  ، فإنّ توقع المتغير العشوائي  $X$  ، هو:

a) 0.652

b) 2.666

▼ 1.600

d) 0.600

(24) إذا كان هطل الأمطار السنوي في إحدى المدن يتبع توزيعاً طبيعياً، وسطه الحسابي  $1000 \text{ mm}$  ، وانحرافه المعياري  $200 \text{ mm}$  ، فإنّ احتمال أن يكون هطل الأمطار السنوي بين  $800 \text{ mm}$  و  $1200 \text{ mm}$  ، هو:

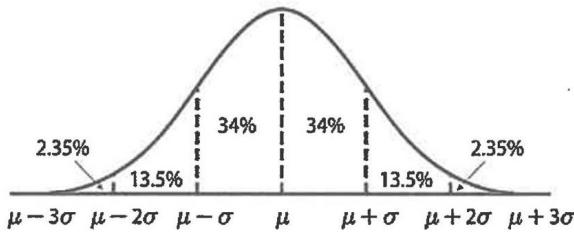
a) 81.5%

ملحوظة: يمكنك الاستفادة من القاعدة التجريبية

▼ 68%

c) 47.5%

d) 95%



(25) إذا كان  $0 > \mu > 2\mu$  ، فإنّ قيمة  $P(X > 2\mu)$  ،  $X \sim N\left(\mu, \frac{\mu^2}{4}\right)$  تساوي:

▼ 0.0228

b) 0.3085

ملحوظة: يمكنك الاستفادة من الجدول الآتي والذي يمثل بعضًا من قيم جدول التوزيع الطبيعي المعياري.

c) 0.9772

$z$	0	0.25	0.5	1.5	2
$P(Z < z)$	0.5	0.5987	0.6915	0.9332	0.9772

d) 0.6915

الصفحة السابعة/نموذج (١)

السؤال الثاني: (٣٠ علامة)

(a) جد كلاً من التكاملات الآتية:

$$1) \int (\sec x \tan x)^4 dx$$

(١٠ علامات)

$$2) \int \frac{x^2 - x + 1}{x^4 + x^2} dx$$

(١٠ علامات)

(b) جد مساحة المنطقة المحصورة بين منحني الاقترانين:  $f(x) = x^2 + 2$  ،  $g(x) = 12 - \frac{9}{x^2}$

حيث  $x \geq 1$

(١٠ علامات)

السؤال الثالث: (٢٤ علامة)

(a) أثبت أن حجم المُجسم الناتج من دوران المنطقة المحصورة بين منحني الاقترانين:  $f(x) = \frac{4}{x}$  ،  $g(x) = (x - 3)^2$

حول المحور  $x$  يساوي  $\frac{27}{5}\pi$  وحدة مكعبية.

(١٢ علامة)

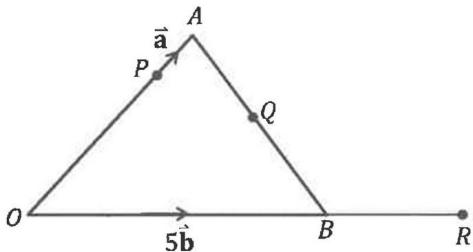
(b) حل المعادلة التفاضلية الآتية:

$$\frac{dy}{dx} = x^2 - x^2 e^{-y} + e^{-y} - 1$$

(١٢ علامة)

**الصفحة الثامنة/نموذج (1)**

**السؤال الرابع: (22 علامة)**

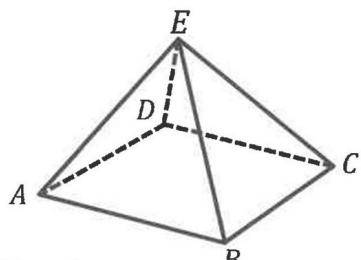


(a) معتمداً الشكل المجاور الذي يظهر فيه المثلث  $OAB$  ،  $OAB$  ، إذا كانت النقطة  $P$  تقع على  $\overline{OA}$  ، حيث:  $AP:PO = 1:4$  ، والنقطة  $Q$  تقع على  $\overline{AB}$  حيث:  $AQ:QB = 2:3$  ، والنقطة  $R$  تقع على امتداد  $OB$  حيث:  $OB:BR = 5:3$  ، وكان  $P, Q, R$  فأثبتت أن النقاط  $P, Q, R$  تقع على استقامة واحدة.

**السؤال 12: (12 علامة)**

(b) إذا كان:  $l_2: \vec{r}_2 = \langle 0, -8, -1 \rangle + u \langle 12, -15, a+1 \rangle$  ،  $l_1: \vec{r}_1 = \langle -5, 2, 4 \rangle + t \langle 3, -5, -1 \rangle$  ، فما قيمة الثابت  $a$  التي يجعل المستقيمين  $l_1$  و  $l_2$  متلقعين؟

**السؤال 10: (10 علامات)**



**السؤال الخامس: (24 علامة)**

(a) معتمداً الشكل المجاور الذي يظهر فيه الهرم  $ABCDE$  ، إذا علمت أن إحداثيات رؤوس قاعدة هذا الهرم هي:  $A, B, C, D$  ،  $\overrightarrow{EA} = \langle -7, 2, 8 \rangle$  ،  $\overrightarrow{EC} = \langle 1, -10, -4 \rangle$  ، فجد  $m\angle AEC$  مقرئاً إجابتك إلى أقرب عشر درجة.

**السؤال 6: (6 علامات)**

(b) يتضمن اختبار شهري لمادة اللغة العربية 10 أسئلة جميعها من نوع الاختيار من متعدد، وكل منها 4 بدائل، واحد منها الإجابة الصحيحة. إذا أجاب أحد الطلبة عن هذه الأسئلة العشرة بصورة عشوائية، فما احتمال أن تكون إجابة واحدة على الأكثر منها صحيحة؟ (أقرب الناتج إلى أقرب جزء من ألف).

**السؤال 8: (8 علامات)**

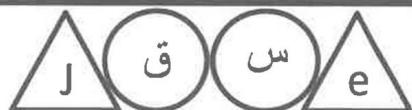
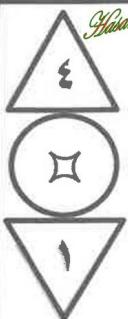
(c) مراقب ضبط الجودة في أحد المصانع يأخذ عينات عشوائية بصورة متكررة لتحديد كتل قطع البسكويت المنتجة في هذا المصنع، وقد وجد أن هذه الكتل تتبّع توزيعاً طبيعياً:  $X \sim N(\mu, \sigma^2)$  . إذا كانت 6.68% من عينات الكتل تُظهر أن الكتلة تزيد على 55 g ، وكانت 2.74% من العينات تُظهر أن الكتلة تقل عن 50 g ، فجد الوسط الحسابي والانحراف المعياري لكتل قطع البسكويت.

**السؤال 10: (10 علامات)**

**ملحوظة:** يمكنك الاستفادة من الجدول الآتي والذي يمثل بعضًا من قيم جدول التوزيع الطبيعي المعياري.

$z$	0	1.28	1.50	1.64	1.92	2
$P(Z < z)$	0.5	0.8997	0.9332	0.9495	0.9726	0.9772

**{انتهت الأسئلة}**



ادارة الامتحانات والاختبارات  
قسم الامتحانات العامة

## امتحان شهادة الدراسة الثانوية العامة لعام ٢٠٢٤

(وثيقة محمية/محدود)

د س

مدة الامتحان: ٣٠

رقم المبحث: 107

المبحث : الرياضيات (الورقة الثانية، ف ٢)

اليوم والتاريخ: الثلاثاء ٢٠٢٤/٠٧/٠٢

رقم النموذج: (١)

الفرع: العلمي + الصناعي جامعات

رقم الجلوس:

اسم الطالب:

ملحوظة مهمة: أجب عن الأسئلة الآتية جميعها وعددها (5)؛ بحيث تكون إجابتك عن السؤال الأول على نموذج الإجابة

(ورقة القارئ الضوئي)، وتكون إجابتك عن باقي الأسئلة على دفتر الإجابة، علماً أنّ عدد صفحات الامتحان (8).

### السؤال الأول: (100 علامة)

اختر رمز الإجابة الصحيحة في كل فقرة مما يأتي، ثم ظلل بشكل عامق الدائرة التي تشير إلى رمز الإجابة في نموذج الإجابة (ورقة القارئ الضوئي) فهو النموذج المعتمد (فقط) لاحتساب علامتك في هذا السؤال، علماً أنّ عدد فقراته (25)، وانتبه عند تحليل إجابتك أنّ رمز الإجابة (a) على ورقة الأسئلة يقابلها (أ) على ورقة القارئ الضوئي، و(b) يقابلها (ب)، (c) يقابلها (ج)، و(d) يقابلها (د).

(1) ناتج:  $\int (3^{-x} + \sin(-x)) dx$  ، هو:

a)  $3^{-x} - \cos x + C$

b)  $\frac{-3^{-x}}{\ln 3} + \cos x + C$

c)  $-3^{-x} + \cos x + C$

d)  $\frac{3^{-x}}{\ln 3} - \cos x + C$

(2) ناتج:  $\int (\cot^2 3x + 2) dx$  ، هو:

a)  $-\frac{1}{3} \cot 3x + x + C$

b)  $\frac{1}{3} \cot 3x + x + C$

c)  $-\frac{1}{3} \cot 3x + 2x + C$

d)  $\frac{1}{3} \cot 3x + 2x + C$

الصفحة الثانية / نموذج (١)

قيمة:  $\int_0^a \frac{1}{a+\frac{x}{2}} dx$ ,  $a > 0$  هي: (3)

a)  $\ln\left(\frac{3}{2}\right)$

b)  $\ln a^2$

c)  $\ln(5a)^2$

d)  $\ln\left(\frac{9}{4}\right)$

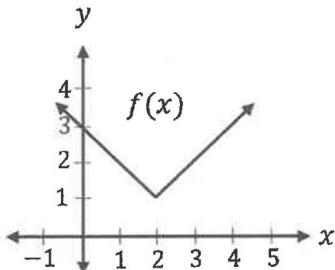
(4) معتمداً الشكل الآتي الذي يمثل منحنى الاقتران:  $f(x) = |x - 2| + 1$ , فإن قيمة  $f(0)$  هي:

a) 9

b) 8

c) 5

d) 4



(5) إذا كان:  $f'(x) = (2e^x + 1)^2$ , وكان:  $f(0) = 6$ , فإن قاعدة الاقتران  $f$ , هي:

a)  $f(x) = 12 - 2e^{2x} - 4e^x + x$

b)  $f(x) = 2e^{2x} + 4e^x - x$

c)  $f(x) = 2e^{2x} + 4e^x + x$

d)  $f(x) = 12 - e^{2x} - 5e^x + x$

(6) يتحرك جسم في مسار مستقيم، ونعطي سرعته بالاقتران:  $v(t) = 2 \cos\left(\frac{t}{3}\right)$ , حيث  $v$  السرعة بالمتر لكل ثانية، و  $t$  الزمن بالثاني. إن إزاحة الجسم بالأمتار في الفترة  $[0, 2\pi]$ , هي:

a)  $-3\sqrt{3}$

b)  $3\sqrt{3}$

c) -3

d) 3

(7) ناتج:  $\int \cos^3 x \sin^2 x dx$ , هو:

a)  $3\sin^3 x + 5\sin^5 x + C$

b)  $3\sin^3 x - 5\sin^5 x + C$

c)  $\frac{1}{3}\sin^3 x + \frac{1}{5}\sin^5 x + C$

d)  $\frac{1}{3}\sin^3 x - \frac{1}{5}\sin^5 x + C$

يتابع الصفحة الثالثة ....

الصفحة الثالثة / نموذج (١)

قيمة:  $\int_0^1 20x(1-x)^3 dx$  هي: (8)

- a) 1
- b) 9
- c) -9
- d) -1

ناتج:  $\int \frac{4}{(x-2)(x+2)} dx$  هو: (9)

- a)  $\ln|x-2| + \ln|x+2| + C$
- b)  $4\ln|x^2 - 4| + C$
- c)  $\ln|x-2| - \ln|x+2| + C$
- d)  $2\ln|x^2 - 4| + C$

ناتج:  $\int \ln \sqrt{x} dx$  هو: (10)

- a)  $\frac{1}{2}x \ln x - x + C$
- b)  $\frac{1}{2}x \ln x + x + C$
- c)  $\frac{1}{2}x \ln x - \frac{1}{2}x + C$
- d)  $\frac{1}{2}x \ln x + \frac{1}{2}x + C$

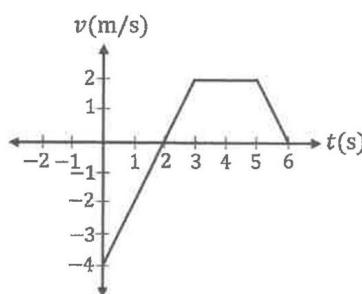
الحل العام للمعادلة التفاضلية:  $\frac{dy}{dx} = \frac{1}{xy}$ ,  $x > 0, y > 0$ , هو: (11)

- a)  $y^2 = \ln x^2 + C$
- b)  $y = \ln x + C$
- c)  $x^2 = \ln y^2 + C$
- d)  $x = \ln y + C$

معتمداً الشكل الآتي الذي يمثل منحنى السرعة - الزمن لجسم يتحرك على المحور  $x$  في الفترة الزمنية  $[0, 6]$ .

إذا بدأ الجسم الحركة من  $x = 2$  عندما  $t = 0$ , فإن الموضع النهائي للجسم، هو:

- a) 12 m
- b) 18 m
- c) 2 m
- d) 4 m



يتبع الصفحة الرابعة ....

الصفحة الرابعة/نموذج (١)

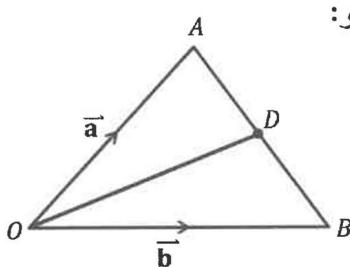
(١٣) حل المعادلة التفاضلية:  $\frac{dy}{dx} = e^{(x+y)}$  ، الذي يحقق النقطة  $(0, 0)$  ، هو:

- a)  $e^{-y} = e^x - 2$
- b)  $3e^{-y} = 2 - e^x$
- c)  $e^{-y} = 2 - e^x$
- d)  $3e^{-y} = e^x + 2$

(١٤) معمداً الشكل الآتي، المثلث  $OAB$  فيه:  $\overrightarrow{OB} = \vec{b}$  ،  $\overrightarrow{OA} = \vec{a}$  ، والنقطة  $D$  هي منتصف  $\overline{AB}$ .

إن  $\overrightarrow{OD}$  بدلالة كل من  $\vec{a}$  و  $\vec{b}$  ، هو:

- a)  $\frac{1}{2}(\vec{b} - \vec{a})$
- b)  $\vec{b} - \vec{a}$
- c)  $\frac{1}{2}(\vec{a} + \vec{b})$
- d)  $\vec{a} + \vec{b}$



(١٥) إذا كان:  $\langle \vec{v} \rangle = \sqrt{5}$  ، وكان:  $|\vec{v}| = \sqrt{5}$  ، فإن القيمتين الممكنتين للثابت  $a$  ، هما:

- a)  $\pm 4$
- b)  $\pm 3$
- c)  $\pm 2$
- d)  $\pm 1$

(١٦) إذا كان:  $3\hat{\mathbf{j}} - 2\hat{\mathbf{k}}$  ،  $\vec{v} = 2\hat{\mathbf{u}} - 3\hat{\mathbf{v}}$  ،  $\vec{u} = -2\hat{\mathbf{i}} + 3\hat{\mathbf{k}}$  ، هو:

- a)  $-13\hat{\mathbf{i}} + 12\hat{\mathbf{k}}$
- b)  $-4\hat{\mathbf{i}} - 9\hat{\mathbf{j}} + 12\hat{\mathbf{k}}$
- c)  $-4\hat{\mathbf{i}} + 9\hat{\mathbf{j}}$
- d)  $-4\hat{\mathbf{i}} - 9\hat{\mathbf{j}} - 12\hat{\mathbf{k}}$

(١٧) إذا كان متجه الموضع للنقطة  $M$  هو  $\langle 4, 2, -8 \rangle$  ، وكان متجه الموضع للنقطة  $N$  هو  $\langle 4, -4, 6 \rangle$  ، فإن متجه الموضع للنقطة  $K$  التي تقع في منتصف  $\overline{MN}$  ، هو:

- a)  $\langle 0, 6, -14 \rangle$
- b)  $\langle 8, -2, -14 \rangle$
- c)  $\langle 4, -1, -7 \rangle$
- d)  $\langle 4, -1, -1 \rangle$

الصفحة الخامسة/نموذج (١)

(18) إذا كان:  $\vec{v} = \hat{i} - 2\hat{j} + 2\hat{k}$  ، فإن المتجه الذي له اتجاه  $\vec{v}$  نفسه، ومقداره 9 ، هو:

a)  $\vec{u} = \frac{1}{3}\hat{i} - \frac{2}{3}\hat{j} + \frac{2}{3}\hat{k}$

b)  $\vec{r} = 3\hat{i} - 6\hat{j} + 6\hat{k}$

c)  $\vec{n} = 3\hat{i} - 3\sqrt{2}\hat{j} + 3\sqrt{2}\hat{k}$

d)  $\vec{w} = \frac{1}{9}\hat{i} - \frac{2}{9}\hat{j} + \frac{2}{9}\hat{k}$

(19) إحداثيات النقطة التي تقع على المستقيم  $l$  الذي له معادلة متجهة:  $\vec{r} = \langle 4, 5, -2 \rangle + t\langle -3, 1, 2 \rangle$

وتقع أيضًا في المستوى  $XZ$  ، هي:

a) (19, 0, -12)

b) (19, 0, 12)

c) (-11, 0, -5)

d) (11, 0, -5)

(20) إذا كان:  $\langle a + b \rangle$  ، وكان:  $\vec{u} \parallel \vec{v}$  ، فإن قيمة  $(a + b)$  ، هي:

a) 0

b) -3

c) 3

d) 6

(21) في تجربة إلقاء حجر نرد منتظم 5 مرات، فإن احتمال ظهور عدد فردي 3 مرات، هو:

a) 0.3125

b) 0.1563

c) 0.4521

d) 0.0013

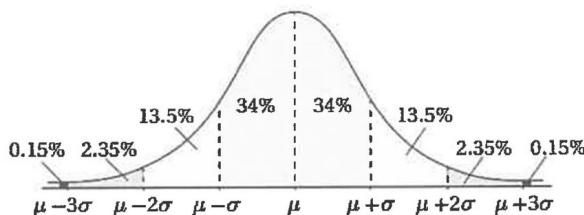
### الصفحة السادسة/نموذج (١)

(22) إذا كان:  $(X, p)$  ، وكان:  $P(X = 1) = P(X = 2)$  ، هو:

- a) 0.4
- b) 1.6
- c) 0.96
- d) 2.4

(23) اعتماداً على القاعدة التجريبية في الشكل الآتي، إذا اتّخذ التمثيل البياني لأطوال مجموعة من الطلبة شكل المنحنى الطبيعي بوسط حسابي  $\mu$  ، وانحراف معياري  $\sigma$  . فإنّ النسبة المئوية للطلبة الذين تقلّ أطوالهم عن الوسط الحسابي بمقدار لا يزيد على انحرافين معياريين، هي:

- a) 68%
- b) 47.5%
- c) 15.85%
- d) 13.5%



(24) إذا كان:  $0 < \mu < \mu^2$  ، وكانت قيمة  $Z$  المعيارية المقابلة لقيمة  $x = 1$  هي 2 ، فإنّ قيمة الانحراف المعياري لهذا التوزيع، هي:

- a)  $\frac{1}{3}$
- b)  $\frac{1}{2}$
- c) 3
- d) 2

(25) إذا كان  $Z$  مُتغيّراً عشوائياً طبيعيّاً معياريّاً ، فإنّ  $P(-0.5 < Z < 1.5) = 0.4332$ :

- a) 0.2427
- b) 0.3345
- c) 0.4332
- d) 0.6247

ملحوظة: يمكنك الاستفادة من الجدول الآتي الذي يمثل بعضًا من قيم جدول التوزيع الطبيعي المعياري.

$z$	0	0.25	0.50	1	1.5	2
$P(Z < z)$	0.5000	0.5987	0.6915	0.8413	0.9332	0.9772

الصفحة السابعة/نموذج (١)

عزيزي الطالب: أجب عن الأسئلة (الثاني والثالث والرابع والخامس) على دفتر إجابتك فهو المعتمد فقط لاحتساب علامتك في هذه الأسئلة.

السؤال الثاني: (32 علامة)

(a) جد كلًّا من التكاملات الآتية:

$$1) \int (1 + \cos^2 x) \tan^3 x \, dx$$

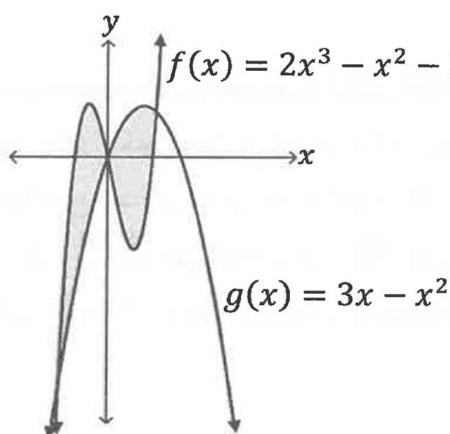
(10 علامات)

$$2) \int \frac{4x^3 - 2}{2x^2 - 3x - 2} \, dx$$

(10 علامات)

(b) معتمدًا الشكل المجاور، ما مساحة المنطقة المظللة؟

(12 علامة)

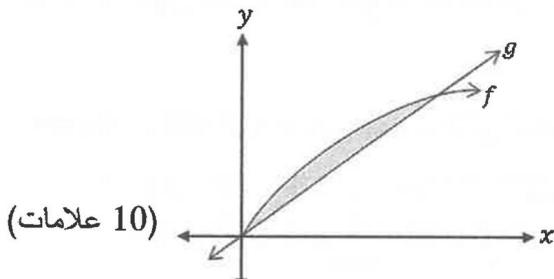


السؤال الثالث: (22 علامة)

(a) جد قيمة التكامل الآتي:

$$\int_0^1 \frac{x^3 e^{x^2}}{(x^2 + 1)^2} \, dx$$

(12 علامة)



(b) معتمدًا الشكل المجاور الذي يمثل مُنحنيي الاقترانين:

$$f(x) = \sqrt{ax}, \quad g(x) = \frac{x}{a}, \quad a > 0, \quad x \geq 0$$

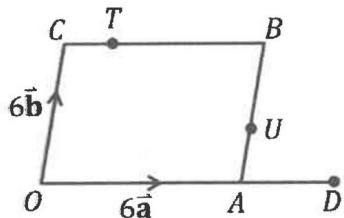
إذا كان حجم المُجسم الناتج من دوران المنطقة المظللة حول المحور  $x$  يساوي  $\frac{64\pi}{3}$  وحدة مكعبة، فجد قيمة الثابت  $a$ .

الصفحة الثامنة / نموذج (١)

السؤال الرابع: (٢٢ علامة)

(a) معتمداً الشكل المجاور الذي يظهر فيه متوازي الأضلاع  $OABC$  ،

إذا كان:  $\overrightarrow{OC} = 6\vec{a}$  و  $\overrightarrow{OA} = 6\vec{b}$  ، وكانت النقطة  $T$  تقع على  $\overline{CB}$  ، بحيث كان  $CT = \frac{1}{2}TB$  ، والنقطة  $U$  تقسم  $\overline{AB}$  ، حيث  $AU:UB = 1:2$  . إذا مُدّ الضلع  $\overline{OA}$  على استقامته إلى النقطة  $D$  ، حيث  $OD = \frac{4}{3}OA$  ، فأثبت باستعمال



المتجهات أنّ النقطات  $T, U, D$  تقع على استقامة واحدة.

(12 علامة)

(b) إذا كانت: (14)  $\overrightarrow{r_1} = \langle 2, 4, -8 \rangle + t\langle 2, -2, 14 \rangle$  معادلة متجهة لمستقيم  $l_1$  ،

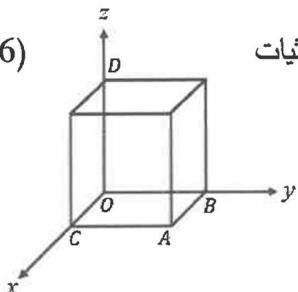
وكانت: (2)  $\overrightarrow{r_2} = \langle -2, 2, 3 \rangle + u\langle 5, 1, -4 \rangle$  ،

فأثبت أنّ المستقيمين  $l_1, l_2$  متقاطعان، ثم جد نقطة التقاطع.

(10 علامات)

السؤال الخامس: (٢٤ علامة)

(6 علامات)



(a) في الشكل المجاور يظهر مكعب طول ضلعه 4 cm مرسوماً في نظام الإحداثيات ثلاثي الأبعاد، بحيث يقع أحد رؤوسه في نقطة الأصل  $O$  ، وتقع أحرفه:

$\overline{OC}$  على المحور  $x$  ، و  $\overline{OB}$  على المحور  $y$  ، و  $\overline{OD}$  على المحور  $z$ .  
جد  $m\angle DAO$  إلى أقرب عشر درجة (باستعمال المتجهات).

(b) في يوم طبي مجاني، حلّت لجنة طبية فحصائل دم لطلبة إحدى المدارس. إذا كان احتمال ظهور فصيلة الدم  $A^+$  يساوي 0.2 عند إجراء هذا التحليل لعيّنات دم الطلبة، فجد كلاً مما يأتي:

1) احتمال تحليل أكثر من ثلاثة عيّنات دم حتى ظهور أول عينة من فصيلة الدم  $A^+$  .

2) العدد المتوقع لعيّنات الدم التي ستحلّ إلى حين ظهور أول عينة من فصيلة الدم  $A^+$  .

(9 علامات)

(c) أجريت دراسة على 20000 شجرة في غابة، فتبين أنّ 2136 شجرة يقلّ طول كلّ منها عن 10 m .

إذا كانت أطوال هذه الأشجار تتبع توزيعاً طبيعياً وسطه الحسابي  $\mu$  وانحرافه المعياري  $4 m$  ، فجد قيمة  $\mu$  .

(9 علامات)

ملحوظة: يمكنك الاستفادة من الجدول الآتي الذي يمثل بعضاً من قيم جدول التوزيع الطبيعي المعياري.

$z$	0	1	1.2	1.24	1.75	2	2.4
$P(Z < z)$	0.5000	0.8413	0.8849	0.8925	0.9599	0.9772	0.9918

﴿انتهت الأسئلة﴾



٤



١



g

+

8

8

ادارة الامتحانات والاختبارات  
قسم الامتحانات العامة

## امتحان شهادة الدراسة الثانوية العامة لعام ٢٠٢٤ التكميلي

(وثيقة محمية/محدود)

مدة الامتحان: ٣٠ د : س

رقم المبحث: ١١٧

اليوم والتاريخ: الخميس ٢٠٢٥/١٠٢

رقم النموذج: (١)

اسم الطالب:

رقم الجلوس:

المبحث: الرياضيات (ورقة الثانية، ف٢)

الفرع: العلمي + الصناعي جامعات

ملحوظة مهمة: أجب عن الأسئلة الآتية جميعها وعدها (٥)؛ بحيث تكون إجابتك عن السؤال الأول على نموذج الإجابة (ورقة القارئ الضوئي)، وتكون إجابتك عن باقي الأسئلة على دفتر الإجابة، علماً أن عدد صفحات الامتحان (٨).

### سؤال الأول: (١٠٠ علامة)

اختر رمز الإجابة الصحيحة في كل فقرة مما يأتي، ثم ظلل بشكل غامق الدائرة التي تشير إلى رمز الإجابة في نموذج الإجابة (ورقة القارئ الضوئي) فهو النموذج المعتمد (فقط) لاحتساب علامتك في هذا السؤال، علماً أن عدد فقراته (٢٥)، وانتبه عند تضليل إجابتك أن رمز الإجابة (a) على ورقة الأسئلة يقابلها (أ) على ورقة القارئ الضوئي، و (b) يقابلها (ب)، و (c) يقابلها (ج)، و (d) يقابلها (د).

$$(1) \text{ قيمة: } \int_1^2 \left(\frac{1}{2}\right)^{2x-4} dx \text{ هي:}$$

a)  $\frac{-3}{2 \ln 2}$

b)  $\frac{3}{2 \ln 2}$

c)  $\frac{-1}{2 \ln 2}$

d)  $\frac{1}{2 \ln 2}$

$$(2) \text{ ناتج: } \int \frac{dx}{\sin^2 x \cos^2 x} \text{ هو:}$$

a)  $2 \tan 2x + C$

b)  $-2 \tan 2x + C$

c)  $2 \cot 2x + C$

d)  $-2 \cot 2x + C$

$$(3) \text{ ناتج: } \int \frac{3x}{1-2x^2} dx \text{ هو:}$$

a)  $\frac{3}{4} \ln|1 - 2x^2| + C$

b)  $-\frac{3}{4} \ln|1 - 2x^2| + C$

c)  $\frac{3}{2} \ln|1 - 2x^2| + C$

d)  $-\frac{3}{2} \ln|1 - 2x^2| + C$

الصفحة الثانية/نموذج (١)

ناتج:  $\int \frac{(x+1)^4 - 21}{(x^2 + 2x + 1)^2} dx$  هو:

a)  $x - \frac{21}{x^2 + 2x + 1} + C$

b)  $x + \frac{21}{x^2 + 2x + 1} + C$

c)  $x - \frac{7}{(x+1)^3} + C$

d)  $x + \frac{7}{(x+1)^3} + C$

قيمة:  $\int_{-2}^2 |x+1| dx$  هي:

a) 1

b) 4

c) 5

d) 6

6) في دراسة تناولت أحد أنواع الحيوانات المهددة بالانقراض، ثبّين أنّ عدد حيوانات هذا النوع  $P(t)$  يتغيّر بمعدل  $P'(t) = -0.42 e^{-0.06t}$  ، حيث  $t$  الزمن بالسنوات منذ بدء الدراسة. إذا كان عدد الحيوانات عند بدء الدراسة يساوي 548 ، فإنّ قاعدة الاقتران  $P(t)$  هي:

a)  $P(t) = 70 e^{-0.06t} + 541$

b)  $P(t) = 7 e^{-0.06t} + 541$

c)  $P(t) = 70 e^{-0.06t} + 478$

d)  $P(t) = 7 e^{-0.06t} + 548$

7) يتحرك جسم في مسار مستقيم، وتعطى سرعته بالاقتران  $v(t) = \sin\left(\frac{t}{2}\right)$  ، حيث  $t$  الزمن بالثواني، و  $v$  سرعته بالمتر لكل ثانية. إذا بدأ الجسم حركته من نقطة الأصل، فإنّ موقعه بعد  $2\pi$  ثانية من بدء الحركة هو:

a)  $\frac{1}{2}$  m

b) 2 m

c) 4 m

d) 6 m

الصفحة الثالثة/نموذج (١)

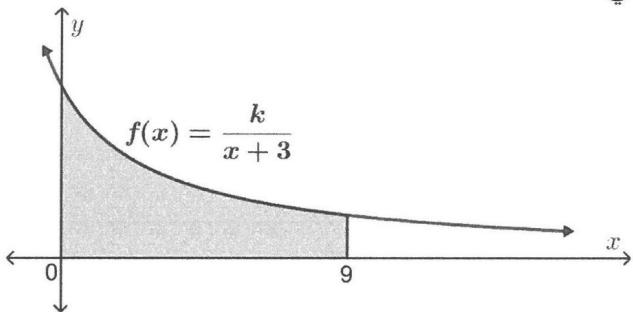
8) يُبيّن الشكل الآتي منحنى الاقتران  $f(x)$  ، إذا كانت مساحة المنطقة المظللة تساوي  $\ln 16$  وحدة مربعة،  
فإن قيمة الثابت  $k$  هي:

a)  $\frac{1}{4}$

b)  $\frac{1}{2}$

c) 1

d) 2



9) ناتج:  $\int \frac{e^x}{(1-e^x)^3} dx$  هو:

a)  $\frac{1}{2(1-e^x)^2} + C$

b)  $\frac{-1}{2(1-e^x)^2} + C$

c)  $\frac{2}{(1-e^x)^2} + C$

d)  $\frac{-2}{(1-e^x)^2} + C$

10) قيمة:  $\int_0^1 x \sqrt[3]{(x-1)^2} dx$  هي:

a)  $\frac{9}{40}$

b)  $-\frac{9}{40}$

c)  $\frac{3}{5}$

d)  $-\frac{3}{5}$

11) ناتج:  $\int \frac{2x+1}{x-x^2} dx$  هو:

a)  $\ln|x| + 3\ln|1-x| + C$

b)  $\ln|x| - 3\ln|1-x| + C$

c)  $\ln|x-x^2| + C$

d)  $-\ln|x-x^2| + C$

**الصفحة الرابعة/نموذج (١)**

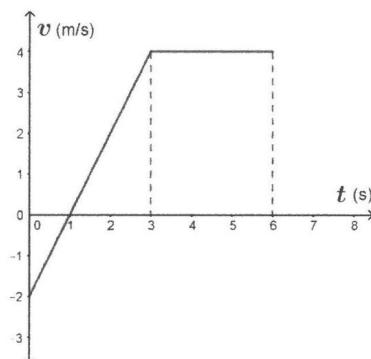
(12) يُبيّن الشكل الآتي منحنى السرعة - الزمن لجسم يتحرك على المحور  $x$  في الفترة الزمنية  $[0, 6]$ .  
إذا بدأ الجسم الحركة من  $x = 3$  عندما  $t = 0$  ، فإن المسافة التي قطعها الجسم في الفترة الزمنية المعطاة هي:

a) 15 m

b) 18 m

c) 16 m

d) 17 m



(13) إذا كانت:  $A(12, 8, -5)$  ،  $B(-3, 6, 7)$  ، فإن متجه الإزاحة من النقطة  $A$  إلى النقطة  $B$  هو:

a)  $\langle 9, 14, 2 \rangle$

b)  $\langle 9, -2, 12 \rangle$

c)  $\langle -15, -2, 12 \rangle$

d)  $\langle 15, 2, -12 \rangle$

(14) إذا كانت:  $A(-8, 5, 7)$  ،  $B(6, 3, -5)$  ، وكانت  $N$  نقطة منتصف  $\overline{AB}$  ، فإن مقدار متجه الموضع للنقطة  $N$  هو:

a)  $3\sqrt{2}$

b)  $2\sqrt{3}$

c)  $2\sqrt{6}$

d)  $6\sqrt{2}$

(15) إذا كانت:  $P(12, 2, 5)$  ،  $Q(7, -8, 1)$  ،  $R(3, 2, k)$  ،  $\overline{PQ} = \overline{QR}$  نقاطاً في الفضاء، وكانت

فإن قيمة  $k$  الممكِنة هي:

a) -2 , 12

b) -12 , 2

c) -6 , 4

d) -4 , 6

(16) في المثلث  $OAB$  الآتي، تقع النقطة  $P$  على  $\overline{AB}$  ، حيث  $AP : PB = 2 : 1$  ، فإذا كان:

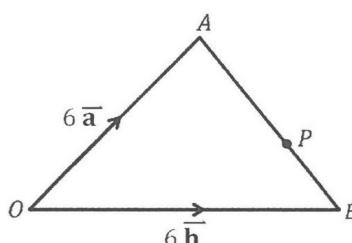
$\overrightarrow{PO} = k(\overrightarrow{a} + 2\overrightarrow{b})$  ، فإن قيمة الثابت  $k$  هي:

a) 2

b) -2

c)  $\frac{1}{2}$

d)  $-\frac{1}{2}$



يتابع الصفحة الخامسة ، ، ،

الصفحة الخامسة/نموذج (١)

إذا كان:  $\vec{m} = \begin{pmatrix} 3 \\ 2 \\ -6 \end{pmatrix}$  ،  $\vec{n} = \begin{pmatrix} -5 \\ -8 \\ 4 \end{pmatrix}$  فإن ناتج:  $3\vec{m} - 4\vec{n}$  هو:

a)  $\begin{pmatrix} -27 \\ -32 \\ -12 \end{pmatrix}$

b)  $\begin{pmatrix} -27 \\ -32 \\ 36 \end{pmatrix}$

c)  $\begin{pmatrix} 29 \\ 38 \\ -34 \end{pmatrix}$

d)  $\begin{pmatrix} 29 \\ 38 \\ -2 \end{pmatrix}$

(18) إذا كان المستقيم  $l$  يوازي المتجه:  $\vec{a} = -\hat{i} + 3\hat{j} + \hat{k}$  ، ويمارن نقطة متوجه الموقعة لها:  $3\vec{b} = 16\hat{j} - 3\hat{k}$  فإن للمستقيم  $l$  معادلة متوجهة تمثله هي:

a)  $\vec{r} = \langle 16, 0, -3 \rangle + t \langle -1, 3, 1 \rangle$

b)  $\vec{m} = \langle -1, 3, 1 \rangle + t \langle 16, 0, -3 \rangle$

c)  $\vec{n} = \langle 0, 16, -3 \rangle + t \langle -1, 3, 1 \rangle$

d)  $\vec{q} = \langle -1, 3, 1 \rangle + t \langle 0, 16, -3 \rangle$

(19) إذا كانت:  $\vec{r} = \langle -2, 2, -1 \rangle + t \langle 1, 2, -1 \rangle$  ، وكانت النقطة:  $(-4a, a - 3, a)$  تقع على المستقيم  $l$  ، فإن قيمة الثابت  $a$  هي:

e) 1

b) -2

c) -1

d) 2

(20) إذا كان قياس الزاوية بين  $\vec{a}$  و  $\vec{b}$  هو  $45^\circ$  ، وكان:  $|\vec{a}| = 6$  ،  $|\vec{b}| = 18$  ، فإن مقدار  $\vec{a} \cdot \vec{b}$  هو:

a) 3

b)  $3\sqrt{2}$

c)  $\frac{3\sqrt{2}}{2}$

d)  $18\sqrt{2}$

**الصفحة السادسة / نموذج (١)**

(21) أُلقي حجر نرد منتظم ذو ثمانية أوجه مُرَقّمة بالأعداد من 1 إلى 8 عشوائياً بشكل متكرر حتى ظهور العدد 5 ، فإن احتمال إلقاءه 3 مرات هو :

- a)  $\frac{49}{64}$
- b)  $\frac{1}{16}$
- c)  $\frac{49}{512}$
- d)  $\frac{7}{512}$

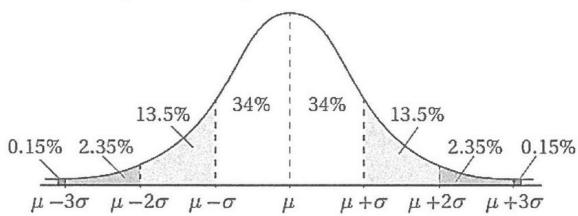
(22) إذا كان:  $X \sim B(10, 0.3)$  ، فإن التباين للمتغير العشوائي  $X$  هو :

- a) 2.1
- b) 0.21
- c) 3
- d) 7

(23) إذا كان:  $X \sim N(12, 16)$  ، فإن  $P(8 < x < 20)$  هو :

ملحوظة: يمكنك الاستفادة من القاعدة التجريبية في الشكل الآتي.

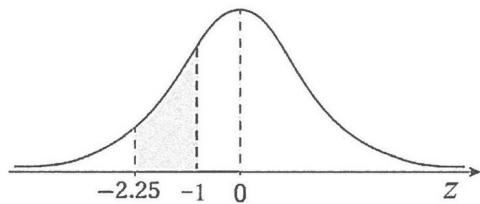
- a) 0.950
- b) 0.680
- c) 0.815
- d) 0.475



(24) إذا علمت أن:  $P(Z < 1) = 0.8413$  ،  $P(Z < 2.25) = 0.9878$  ، فإن مساحة المنطقة المظللة

أصل منحنى التوزيع الطبيعي المعياري المُبيَّنة في الشكل الآتي هي:

- a) 0.8944
- b) 0.1465
- c) 0.4878
- d) 0.2426



(25) إذا كان:  $X \sim N(5, 9)$  ، فإن قيمة  $x$  التي تحقق  $P(X < x) = 0.25$  هي:

- a) 7.01
- b) 11.03
- c) 2.99
- d) 1.03

$z$	0	0.6	0.67	0.7	0.77
$P(Z < z)$	0.5000	0.7257	0.7486	0.7580	0.7794

ملحوظة: يمكنك الاستفادة من الجدول التالي الذي يمثل بعضاً من قيم جدول التوزيع الطبيعي.

**الصفحة السابعة/نموذج (١)**

عزيزي الطالب: أجب عن الأسئلة (الثاني والثالث والرابع والخامس) على دفتر إجابتك فهو المعتمد فقط لاحتساب علامتك في هذه الأسئلة.

**السؤال الثاني: (27 علامة)**

(a) جد كلاً من التكاملات الآتية:

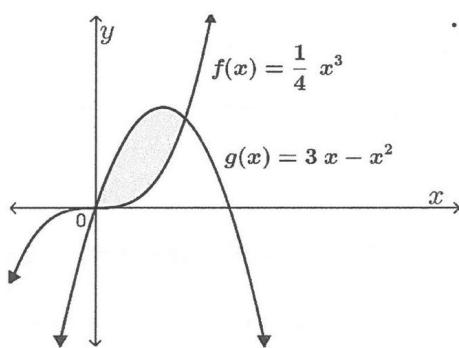
$$1) \int \frac{\csc^2 x}{2-\csc^2 x} dx$$

(10 علامات)

$$2) \int e^{3x} \cos 5x dx$$

(8 علامات)

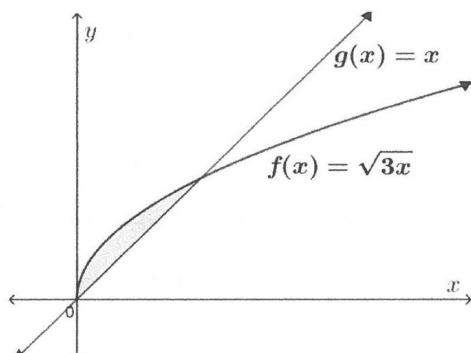
(b) جد مساحة المنطقة المظللة في التمثيل البياني المجاور.



(9 علامات)

**السؤال الثالث: (19 علامة)**

(a) جد حجم المجسم الناتج من دوران المنطقة المظللة في الشكل المجاور حول المحور  $x$ .



(9 علامات)

(b) جد الحلّ الخاصّ الذي يتحقق الشرط الأوّلي  $y(1) = \sqrt[3]{2}$  للمعادلة التفاضلية الآتية:

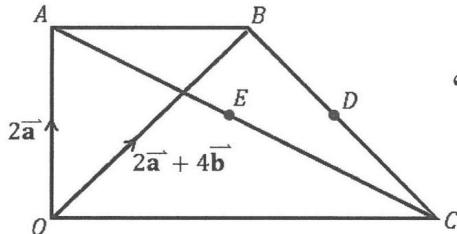
$$\frac{dy}{dx} = y - \frac{2x}{y^2} + 2xy - \frac{1}{y^2}$$

(10 علامات)

يتابع الصفحة الثامنة ،،،

الصفحة الثامنة / نموذج (١)

السؤال الرابع: (٣٤ علامة)



(١٤ علامة)

(a) في الشكل المجاور  $OABC$  شبه منحرف فيه:  $\overline{OB} = 2\vec{a} + 4\vec{b}$  ،  $\overline{OA} = 2\vec{a}$  والنقطة  $E$  هي منتصف  $\overline{AC}$  ،  $\overline{OC} = 2\overline{AB}$  ،  $\overline{OD}$  هي منتصف  $\overline{BC}$  . أثبت باستعمال المتجهات أن:  $\overline{ED}$  يوازي  $\overline{OC}$  .

(b) إذا كانت:  $A(9, 1, 4)$  ،  $B(8, 18, 2)$  ،  $OAB$  ، فجد مساحة المثلث  $OAB$  ، حيث  $O$  نقطة الأصل. (١٠ علامات)

(c) إذا كانت:  $P(3, 4, 1)$  ،  $\vec{r} = \hat{i} - 4\hat{j} + 10\hat{k} + t(\hat{i} - \hat{j} + 3\hat{k})$  معادلة متجهة لل المستقيم  $l$  ، والنقطة  $(1, 4, 1)$  غير واقعة على المستقيم  $l$  ، فحدد مسقط العمود من النقطة  $P$  على المستقيم  $l$  .

(١٠ علامات)

السؤال الخامس: (٢٠ علامة)

(a) يواجه الطيارات صعوبة في الرؤية باحتمال 0.2 عند الهبوط في أحد المطارات خلال فصل الشتاء بسبب سوء الأحوال الجوية. فإذا هبط طيار 10 مرات في هذا المطار خلال فصل الشتاء، فجد كلاً ما يأتي:  
1) احتمال أن يواجه الطيّار صعوبة في الرؤية خلال الهبوط في مرتين على الأقل.

(قرب الناتج لأقرب منزلتين عشرتين).

2) العدد المتوقع من المرات التي سيواجه فيها الطيّار صعوبة في الرؤية خلال الهبوط.

(١٠ علامات)

(b) يدلّ المتغير العشوائي الطبيعي  $X \sim N(60, \sigma^2)$  على كُلّ الطلبة (بالكيلوغرام) في إحدى المدارس الأساسية. إذا زادت كُلّ 11% فقط منهم على  $68 \text{ kg}$  ، فجد الانحراف المعياري ( $\sigma$ ) لـ كُلّ طلبة المدرسة.

(قرب الناتج لأقرب منزلتين عشرتين).

(١٠ علامات)

ملحوظة: يمكنك الاستفادة من الجدول التالي الذي يمثل بعضًا من قيم جدول التوزيع الطبيعي المعياري.

$z$	0	1.2	1.22	1.23	1.24	1.3
$P(Z < z)$	0.5000	0.8849	0.8888	0.8907	0.8925	0.9032

«انتهت الأسئلة»

الفروع الأكاديمية

مدة الامتحان	الشرعى	مدة الامتحان	الأدبى	مدة الامتحان	العلمي	الجلسة	التاريخ	اليوم
ساعة ونصف	التربية الإسلامية	ساعة ونصف	التربية الإسلامية	ساعة ونصف	التربية الإسلامية	الأولى	19/6/2025	الخميس
							20/6/2025	الجمعة
ساعتان	اللغة العربية	ساعتان	اللغة العربية	ساعتان	اللغة العربية	الأولى	21/6/2025	السبت
							22/6/2025	الأحد
ساعتان	اللغة الإنجليزية	ساعتان	اللغة الإنجليزية	ساعتان	اللغة الإنجليزية	الأولى	23/6/2025	الاثنين
							24/6/2025	الثلاثاء
							25/6/2025	الأربعاء
ساعتان ونصف	الرياضيات الأدبي / ورقة 1	ساعتان ونصف	الرياضيات / ورقة 1	ساعتان ونصف	الرياضيات / ورقة 1	الأولى	26/6/2025	الخميس
							27/6/2025	الجمعة
							28/6/2025	السبت
ساعتان ونصف	الرياضيات الأدبي / ورقة 2	ساعتان ونصف	الرياضيات / ورقة 2	ساعتان ونصف	الرياضيات / ورقة 2	الأولى	29/6/2025	الأحد
							30/6/2025	الاثنين
ساعتان	اللغة العربية (تخصص) / ورقة 1	ساعتان	اللغة العربية (تخصص) / ورقة 1	ساعتان	علوم الأرض والبيئة	الأولى	1/7/2025	الثلاثاء
							2/7/2025	الأربعاء
ساعتان	اللغة العربية (تخصص) / ورقة 2	ساعتان	اللغة العربية (تخصص) / ورقة 2	ساعتان	العلوم الحياتية	الأولى	3/7/2025	الخميس
							4/7/2025	الجمعة
ساعة ونصف	علوم الحاسوب (خطة 2018)	ساعة ونصف	علوم الحاسوب	ساعة ونصف	علوم الحاسوب (خطة 2018)	الأولى	5/7/2025	السبت
—	—	ساعة ونصف	تاريخ العرب والعالم	—	—	الثانية		
ساعة ونصف	التفسير وعلوم القرآن والحديث النبوى الشريف والسيرة النبوية	ساعة ونصف	الجغرافيا	ساعتان	الكيمياء	الأولى	6/7/2025	الأحد
—	—	ساعة ونصف	الثقافة المالية	—	—	الثانية		
							7/7/2025	الاثنين
ساعة ونصف	النظم الإسلامية وفقه الدعوة وفقه المعاملات	ساعة ونصف	الدراسات الإسلامية	ساعتان ونصف	الفيزياء	الأولى	8/7/2025	الثلاثاء
—	—	ساعة ونصف	اللغة الفرنسية	—	—	الثانية		
ساعة ونصف	تاريخ الأردن	ساعة ونصف	تاريخ الأردن	ساعة ونصف	تاريخ الأردن	الأولى	9/7/2025	الأربعاء

- تبدأ الجلسة الأولى الساعة (10:00) صباحاً، وتبدأ الجلسة الثانية الساعة (1:00) ظهراً.

- يتقدم جميع الطلبة وفق الطبعات المعتمدة للكتب المدرسية للعام الدراسي 2024/2025 ويعمل بالتعاميم الصادرة عن إدارة المناهج والكتب المدرسية لهذا العام.